

Exercice 1: (3 points)

1. / Le nombre réel $\frac{\ln e}{\ln(e^2)}$ est égal à : a $\ln(\frac{1}{e})$ b $\frac{1}{e}$ c $\frac{1}{2}$

2. / L'ensemble de définition de la fonction : $x \mapsto \sqrt{\ln(x) - 1}$ est :

a $E = [e, +\infty[$ b $E =]0, +\infty [$ c $E = [1, +\infty[$

3. / $\lim_{x \rightarrow 0^+} x^2 - \ln x =$

a $-\infty$; b 0 ; c $+\infty$

4./Si (u_n) est la suite définie sur \mathbb{N} par $u_n = \ln(3^n)$ alors :

a (u_n) est croissante b (u_n) est décroissante c (u_n) n'est ni croissante ni décroissante

Exercice 2: (5 points)

Le rendement Y (en quintaux par hectare) d'une variété de blé et la quantité X (en kilogrammes par hectare) d'engrais azotés utilisés pendant la culture sont indiqués dans le tableau suivant :

X (kg/ha)	35	41	45	47	50
Y (q/ha)	50	60	70	80	90

1./ Représenter dans un repère orthogonal le nuage des points de la série double (X,Y)

2./a. Calculer les moyennes \bar{X} et \bar{Y}

b. Placer le point moyen $G(\bar{X}, \bar{Y})$

3./a. Calculer le coefficient de corrélation linéaire de la série (X,Y)

b. Un ajustement affine par les moindres carrés de la série (X,Y) est-il justifié ?

4./Donner une équation de la droite de régression de Y en X

5. Quel rendement peut-on prévoir pour une culture utilisant une quantité d'engrais azotés égale à 100 kg/ha,

Exercice 3 (5 points)

On considère la suite (u_n) définie par :
$$\begin{cases} u_0 = -2 \\ u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n - 1 \end{cases}$$

- 1) a. Montrer que pour tout n de \mathbb{N} on a : $u_n > -3$
b. Montrer que (u_n) est décroissante.
c. En déduire que (u_n) est convergente.
- 2) Soit la suite (V_n) définie par : $V_n = u_n + 3$
 - a. Montrer que (V_n) est une suite géométrique de raison $\frac{2}{3}$
 - b. Calculer $\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n$
 - c. Montrer que pour tout entier naturel n , $u_n = \left(\frac{2}{3}\right)^n - 3$
 - d. Calculer $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

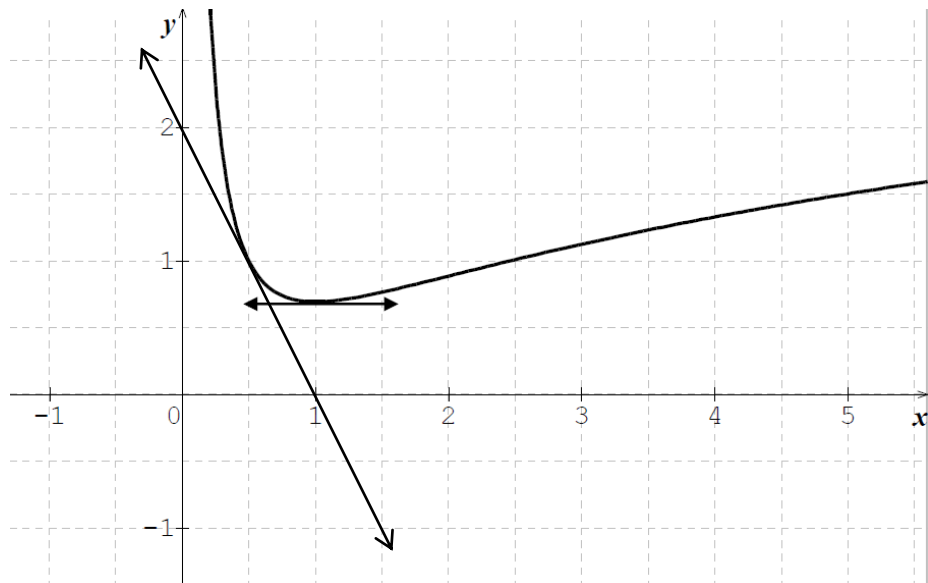
Exercice 4 : (7 points)

Dans le plan muni d'un repère orthogonal, la courbe (C) d'une fonction f définie sur $]0 ; +\infty[$

La tangente T à la courbe (C) au point $A\left(\frac{1}{2}; 1\right)$ passe par le point $B(0, 2)$

On désigne par f' la fonction dérivée de f .

- l'axe des ordonnées est une asymptote à (C).
- (C) admet une branche parabolique de direction l'axe des abscisses au voisinage de $+\infty$



- 1) Par lecture graphique
 - a- Donner la valeur de $f\left(\frac{1}{2}\right)$, $f'(1)$ et $f'\left(\frac{1}{2}\right)$
 - b- Déterminer $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$
 - c- Donner le signe de f suivant les valeurs de x .
 - d. Soit F une primitive de f sur $]0 ; +\infty[$. Déterminer le sens de variation de F sur $]0 ; +\infty[$?
- 2) On suppose que $f(x) = \frac{1}{x} + \ln(x) - 1 + \ln 2$
 - a- Vérifier que pour tout réel $x > 0$, $f'(x) = \frac{x-1}{x^2}$
 - b- Dresser le tableau de variation de f
- 3) a. Montrer que la fonction : $x \mapsto x \ln(x) - x$ est une primitive de la fonction : $x \mapsto \ln(x)$
b. Déduire une primitive de f sur $]0 ; +\infty[$