

Calculatrice  autorisée

**N.B : LES RÉPONSES AUX QUATRE EXERCICES SERONT TRAITÉS DANS LA FEUILLE ANNEXE**

**EXERCICE 1 : 3 POINTS**

Répondre par vrai ou faux à chacune des propositions suivantes. aucune justification n'est demandée.

PROPOSITION	VRAI	FAUX										
1- $(1 + \sqrt{2})^3 + (1 - \sqrt{2})^3 = 14$												
2- le tableau de signe de $x^2 - 4$ est :												
<table border="1" style="display: inline-table;"> <tr> <td>x</td> <td><math>-\infty</math></td> <td>-2</td> <td>2</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>x^2 - 4</math></td> <td></td> <td>+</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	-2	2	$+\infty$	$x^2 - 4$		+	-	+		
x	$-\infty$	-2	2	$+\infty$								
$x^2 - 4$		+	-	+								
3- si A, B, C et D quatre points du plan, alors : $\vec{AB} + \vec{CD} - \vec{AD} + \vec{BC} = \vec{0}$												

**EXERCICE 2 : 7 POINTS**

**N.B : les résolutions graphiques des équations et des inéquations doivent être justifiés**

La droite  $\Delta_1$  représentée dans la figure 1 si contre est celle d'une fonction affine définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$f(x) = ax + b ; a \in \mathbb{R} ; b \in \mathbb{R}$

1-a- par lecture graphique déterminer  $f(0)$  et  $f(3)$

b- en déduire que  $a = 2$  et  $b = -4$

dans toute la suite on écrit  $f(x) = 2x - 4$ .

2- montrer que le point  $A(1008; 2012) \in \Delta_1$

3- tracer dans le même repère la droite  $\Delta_2$  représentation graphique de la fonction affine  $g(x) = -x + 2$

4-a- résoudre graphiquement l'équation  $f(x) = g(x)$

b- résoudre graphiquement l'inéquation :  $f(x) \leq g(x)$

5-a- tracer dans le même repère la droite  $\Delta_3$  représentation graphique de la fonction linéaire  $h(x) = -2x$

b- résoudre graphiquement l'inéquation :  $2x - 4 \leq -2x \leq -x + 2$

6-a- donner le tableau de signe de l'expression  $P(x) = -2x(2x - 4)(-x + 2)$

b- résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation  $-2x(2x - 4)(-x + 2) \leq 0$

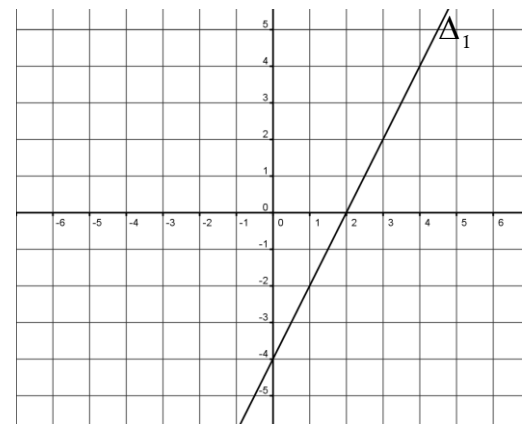


figure 1

**EXERCICE 3: 5 POINTS**

Dans la figure 2 si contre  $\vec{AB}$  et  $\vec{AC}$  deux vecteurs

1- en utilisant le quadrillage, Construire les points E, F et G définis par :

$\vec{AE} = \frac{3}{8}\vec{AC} ; \vec{BF} = \frac{3}{4}\vec{AC} ; \vec{AG} = \vec{AC} + \frac{1}{3}\vec{AB}$

2- Montrer que  $\vec{BE} = -\vec{AB} + \frac{3}{8}\vec{AC}$

3- Montrer que  $\vec{FG} = -\frac{2}{3}\vec{AB} + \frac{1}{4}\vec{AC}$

4- En déduire que les droites (BE) et (FG) sont parallèles

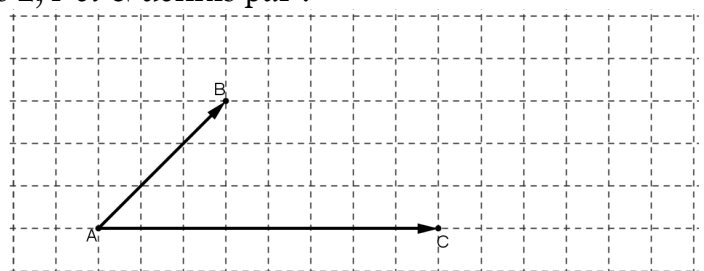


figure 2

#### EXERCICE 4: 5 POINTS

Dans la figure 3 si dessous on a :

- ABC est un triangle isocèle en A
- $\mathcal{C}$  et  $\mathcal{C}'$  deux cercles isométriques ( de même rayon ) de centres respectives C et B
- Les deux cercles  $\mathcal{C}$  et  $\mathcal{C}'$  sont sécants en A et D
- La partie grise notée  $P_1$  est la partie comprise entre les deux cercles  $\mathcal{C}$  et  $\mathcal{C}'$

$t_{\overline{CB}}$  désigne la translation de vecteur  $\overline{CB}$

1- Construire les points E et F définies par  $E = t_{\overline{CB}}(A)$  et  $D = t_{\overline{CB}}(F)$

2- Vérifier que  $E \in \mathcal{C}'$  et que  $\mathcal{C}' = t_{\overline{CB}}(\mathcal{C})$

3- La droite parallèle a (AD) passant par E recoupe le cercle  $\mathcal{C}'$  en K

a- Montrer que  $t_{\overline{CB}}(AD) = (EK)$

b- Montrer que  $t_{\overline{CB}}(D) = K$

c- En déduire que D est le milieu de  $[KF]$

4- Construire  $P_2$  l'image de  $P_1$  par  $t_{\overline{CB}}$ . ( hachurer la partie  $P_2$  )

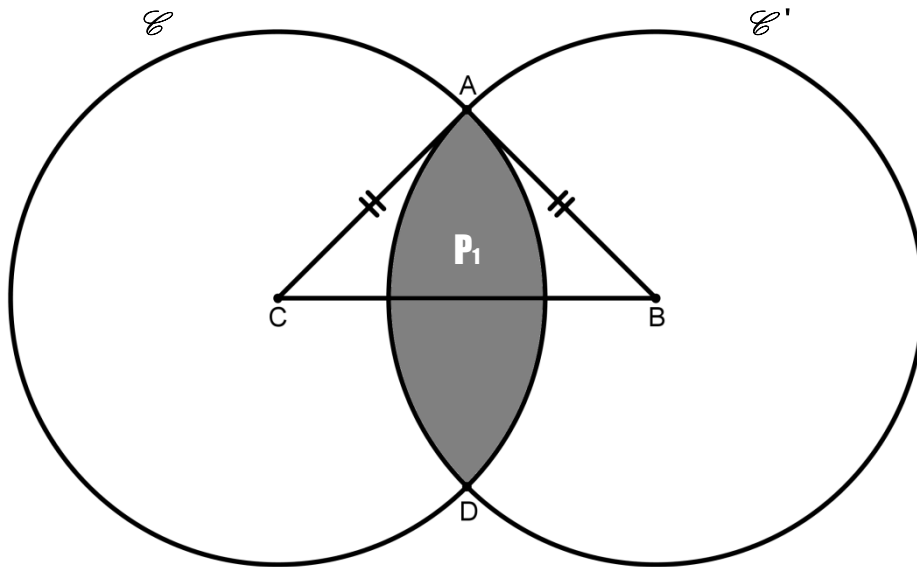


figure 3



**EXERCICE 3: RÉPONSES**

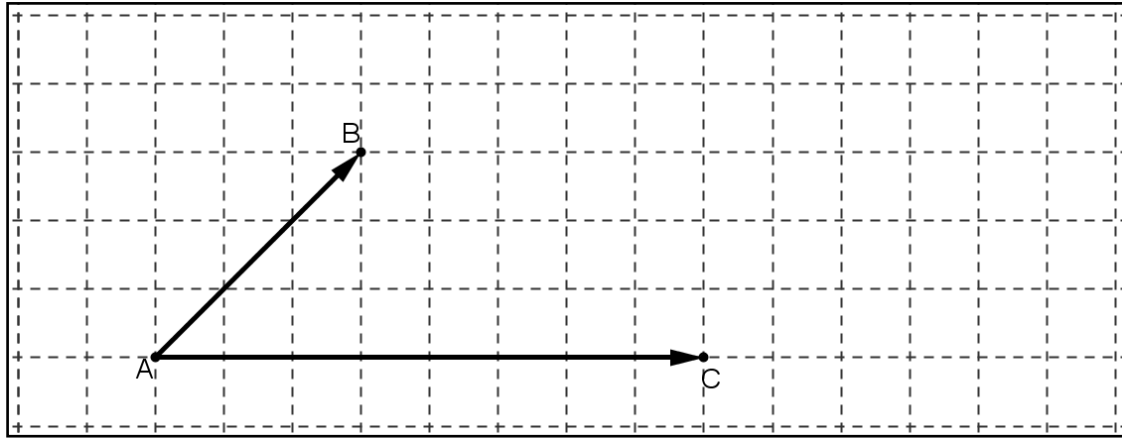


figure 2

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

**EXERCICE 4: RÉPONSES**

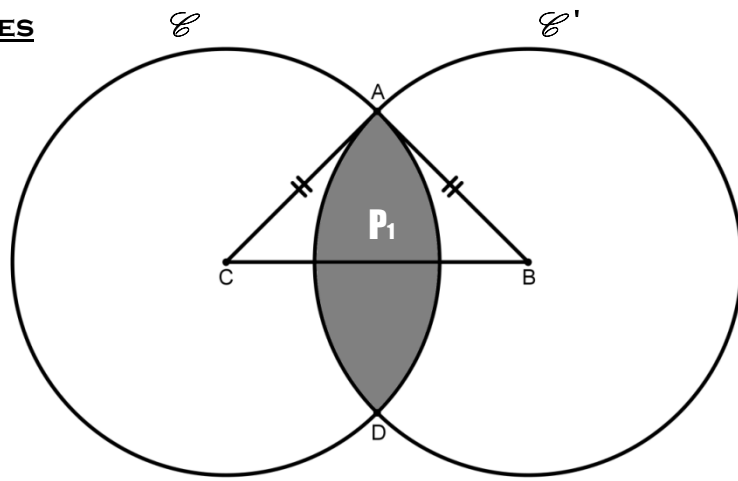


figure 3

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----

-----