

Exercice n° 1 : (4 points)

Répondre par : Vrai ou Faux (Aucune justification n'est demandée)

- 1/ Si f et g sont deux polynômes non nuls alors $d^\circ(f + g) = d^\circ(f) + d^\circ(g)$.
- 2/ Si ABCD est un parallélogramme alors : $t_{AC}(B) = D$.
- 3/ Le polynôme $P(x) = x^6 - 4x^5 + 7x^3 + 2x^2 - 3x - 3$ est factorisable par $(x^2 - 1)$.
- 4/ Soit A, B, C et D quatre points du plan. Si (AB) et (CD) sont parallèles alors $t_{BC}((CD)) = (CD)$.

Exercice n° 2 : (8 points)

- 1/ Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $x^2 + x - 6 = 0$.
- 2/ a) Vérifier que $\frac{1}{2}$ est une racine du polynôme $P(x) = 2x^3 + x^2 - 13x + 6$.
b) En déduire une factorisation de P en produit de trois polynôme du premier degré.
- 3/ a) Donner le tableau du signe de $P(x)$ puis résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $2x^3 + x^2 - 13x + 6 \geq 0$.
b) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $\sqrt{P(x)} \geq \sqrt{x^2 + x - 6}$.

Exercice n° 3 : (8 points)

Soit ABO un triangle équilatéral et (C) le cercle de centre O et passant par B. Soit C le point de (C) diamétralement opposé de B.

- 1/ a) Faire une figure
b) Construire les points D et E tels que : $t_{OA}(A) = D$ et $t_{OB}(B) = E$.
c) Construire le cercle (C') = $t_{OE}((C))$. Quelle est la position relative de (C) et (C')? Justifier la réponse.
d) Montrer que OBCE est un losange et que E ∈ (C').
- 2/ La droite (BE) recoupe le cercle (C) en F. Montrer que OBEF est un parallélogramme.
- 3/ La droite (FD) recoupe le cercle (C) en G. Montrer que G = $t_{OF}(C)$.

Il sera tenu compte de la rédaction et la bonne présentation de la copie.