

**Exercice n°1 ( 5 points)**

Soit  $f(x) = \sin^3 x + \cos^2 x - \frac{3}{4} \sin x - \frac{1}{4} \sin x - \frac{1}{4}$  pour tous  $x \in [0, \pi]$

- 1- Calculer  $f(0)$  et  $f(\frac{\pi}{2})$
- 2- a- Vérifier pour tout  $x \in [0, \pi]$  on a  $f(x) = (\sin^2 x - \frac{3}{4})(\sin x - 1)$   
b- Résoudre dans  $x \in [0, \pi]$   $f(x)=0$
- 3- simplifier A tel que

$$A = \sin^2 \frac{3\pi}{16} + \sin^2 \frac{13\pi}{16} + \sin^2 \frac{5\pi}{16} + \sin^2 \frac{11\pi}{16}$$
 Tapez une équation ici.

**Exercice n°2( 6 points)**

Soit ABH un triangle rectangle en H tel que  $AB = 4$  et  $\widehat{BAH} = \frac{3\pi}{8}$

- 1- construire le point C tel que l'image de B est C par la symétrie centrale H
  - a- calculer les mesures de triangle ABC
  - b- calculer BC
  - c- déduire  $\cos \frac{\pi}{8} = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$
- 2- calculer  $\sin \frac{\pi}{8}$  ;  $\sin \frac{3\pi}{8}$  et  $\sin \frac{5\pi}{8}$

**Exercice n° 3 (4 points)**

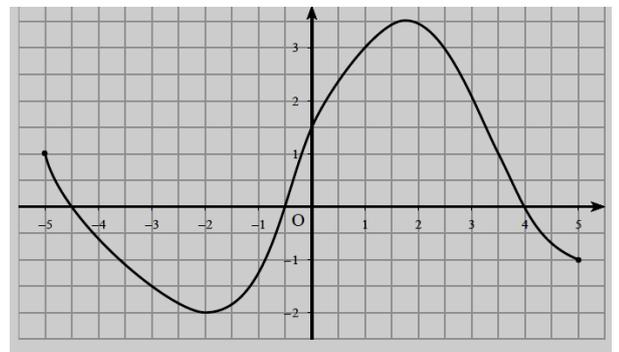
On considère la fonction définie par  $f(x) = -2\sqrt{x^2 - 9}$

- 1- déterminer l'ensemble de définition de  $f(x)$
- 2- étudier la parité de la fonction  $f(x)$
- 3- étudier la variation de la fonction  $f(x)$  sur  $]-\infty, -3]$

**Exercice n°4 ( 5 points)**

On donne la représentation graphique suivante de la fonction  $f$ . A l'aide de cette représentation répondez aux questions suivantes

- 1) Donner l'ensemble de définition  $D_f$  de la fonction  $f$ .
- 2) Donner les images de  $-3$  et de  $0$  par  $f$ .
- 3) Déterminer les antécédents de  $3$  par  $f$ .
- 4) Dresser le tableau de variation de la fonction  $f$
- 5) Résoudre les équations et l'inéquation suivante :



- a)  $f(x) = 1$     b)  $f(x) = -3$     c)  $f(x) < 6$