## Exercice 1

1) Calculer les déterminants des matrices suivantes et préciser si elles sont inversibles :

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 5 & 6 \end{pmatrix} , B = \begin{pmatrix} 3 & 9 \\ -5 & -4 \end{pmatrix} , C = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 5 & 3 & 5 \\ -2 & -2 & 4 \end{pmatrix} , D = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ -6 & 2 & -2 \\ 0 & -3 & 7 \end{pmatrix}$$

2) Déterminer la matrice inverse si elle existe :  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -4 & 7 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ 

3) Soit 
$$P = \begin{pmatrix} -4 & -4 & 2 \\ 3 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

a) Calculer le déterminant de P, en déduire qu'elle est inversible

b) Montrer que 
$$P^{-1} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -1 & 2 & -4 \\ 2 & -4 & 10 \\ 3 & -4 & 12 \end{pmatrix}$$

### Exercice 2

Soit g la fonction définie sur IR\* par  $g(x) = -\frac{1}{x^2}$ 

1) Etudier la continuité de g sur IR\*

Etudier le sens de variation de g sur chacun des intervalles ]-∞, 0[ et ]0, +∞ [

3) Déterminer les images de ces intervalles par g

# Exercice 3

Soit f la fonction définie sur IR par  $f(x) = x^5 + 3x - 2$ 

1) Justifier la continuité de f sur IR

2) Montrer que l'équation f(x) = 0 admet une solution unique  $\alpha$  appartenant à ]0, 1[

3) Vérifier que  $\frac{1}{2} < \alpha < \frac{3}{4}$ 

## Exercice 4

Soit f la fonction définie sur IR par  $f(x) = x^3 - 3x - 3$ 

1)a) Etudier le sens de variation de f sur IR.

b) En déduire que l'équation f(x) = 0 admet une solution unique  $\alpha$  et que  $2,1 \le \alpha \le 2,11$ 

2) Soit g la fonction définie par 
$$g(x) = \frac{2x^3 + 3}{x^2 - 1}$$

a) Déterminer l'ensemble de définition de g

b) Montrer que  $\alpha$  est solution de l'équation g(x) - 3x = 0

c) Calculer les limites de g aux bornes de son domaine de définition

#### Exercice 5

1) Montrer que la fonction  $f: x \mapsto \sqrt{x-2} + 1$  détermine une bijection de son ensemble de définition vers un intervalle que l'on déterminera 2) Déterminer l'expression de f<sup>-1</sup>

3) Tracer  $C_f$  et  $C_{r-1}$  dans le même repère

### Exercice 6

On considère la fonction f définie sur  $I = [\frac{1}{4}, +\infty[$  par  $f(x) = 2x^2 - x + 1$ 

1) Montrer que f est une bijection de I sur un intervalle J que l'on précisera

2) Expliciter  $f^{-1}(x)$  pour  $x \in J$ 

