

## EXERCICE 1 :

Une urne contient 5 boules rouges, 4 noires, 3 vertes. On tire trois boules dans cette urne, successivement, en remettant chaque boule tirée dans l'urne avant de prendre les suivantes.

1. Quel est le nombre de tirages possibles ?
2. Calculer la probabilité :
  - a) d'obtenir trois boules rouges ;
  - b) d'obtenir deux boules rouges exactement ;
  - c) d'obtenir au moins une boule rouge ;
  - d) d'obtenir deux boules vertes et une noire ;
  - e) d'obtenir trois boules de la même couleur ;
  - f) d'obtenir trois boules de trois couleurs différentes.

## EXERCICE 2 :

Le tableau ci-dessous donne le nombre de retraités en France métropolitaine entre 1975 et 2005 :

Année	1975	1980	1985	1990	1995	2000	2005
Rang de l'année $i$ $0 \leq i \leq 6$	0	1	2	3	4	5	6
Nombre de retraités (en millions) $N_i$ $0 \leq i \leq 6$	4,1	5,0	5,9	7,4	8,3	9,7	10,7

Source : INSEE / Caisse Nationale d'Assurance Vieillesse 2007

1. Sur une feuille de papier millimétré, représenter le nuage de points  $M_i(x_i; y_i)$ ,  $0 \leq i \leq 6$ , associé à la série statistique dans un repère orthogonal d'unités graphiques 2 cm en abscisse (pour les rangs d'année) et 1 cm en ordonnée (pour 1 million de retraités).
2. a) Calculer les coordonnées du point moyen G de cette série statistique.  
b) Donner, à l'aide de la calculatrice, l'équation réduite de la droite  $d$

d'ajustement de  $\mathbb{N}$  en  $\mathbb{R}$  par la méthode des moindres carrés (on arrondira les coefficients au dixième).

c) Placer le point G et tracer la droite  $d$  dans le repère construit à la première question.

3. En utilisant l'ajustement trouvé à la question 2, déterminer par un calcul une estimation du nombre de retraités en 2010.

## **PROBLEME :**

### **.Partie1**

On considère la fonction  $g$  définie sur l'intervalle  $]0, +\infty[$  par :

$$g(x) = 2x^3 - 1 + 2 \ln x.$$

1. Étudier les variations de la fonction  $g$  sur l'intervalle  $]0, +\infty[$ .
2. Justifier qu'il existe un unique réel  $\alpha$  tel que  $g(\alpha) = 0$ . Donner une valeur approchée de  $\alpha$ ,
3. En déduire le signe de la fonction  $g$  sur l'intervalle  $]0, +\infty[$ .

### **.Partie2**

On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $]0, +\infty[$  par :

$$f(x) = 2x - \ln x. \quad (1/x^2)$$

On note  $C$  la courbe représentative de la fonction  $f$  dans le plan, muni d'un repère orthogonal

1. Déterminer les limites de la fonction  $f$  en 0 et en  $+\infty$ .
2. Démontrer que la courbe  $C$  admet pour asymptote oblique la droite  $\Delta$  d'équation  $y = 2x$ .

Étudier la position relative de la courbe  $C$  et de la droite  $\Delta$ .

3. Justifier que  $f'(x)$  a même signe que  $g(x)$ .
4. En déduire le tableau de variation de la fonction  $f$ .
5. Tracer la courbe  $C$  dans le repère orthonormé

*Bon chance*