



Prof : M Ksaier Devoir de Contrôle N°1 (durée : 2 heures) 24/10/2016

EXERCICE n° 1 : ( 10 points)

$$\text{Soit } f \text{ une fonction définie par } f(x) = \begin{cases} \frac{-1}{2}x + \frac{1}{2} & \text{si } x < -1 \\ x^2 - 2x - 3 & \text{si } -1 \leq x \leq 2 \\ -3 & \text{si } 2 < x < 3 \\ \sqrt{x-3} - 3 & \text{si } x \geq 3 \end{cases}$$

- 1) Déterminer le domaine de définition de  $f$
- 2) Soit  $\xi f$  la courbe représentative de  $f$  dans un repère orthonormé  $R(O; \vec{i}; \vec{j})$
- a) le graphique ci-dessous est la partie de  $\xi f$  sur  $[3; +\infty[$ .

Compléter le traçage de  $\xi f$  sur  $]-\infty; 3[$

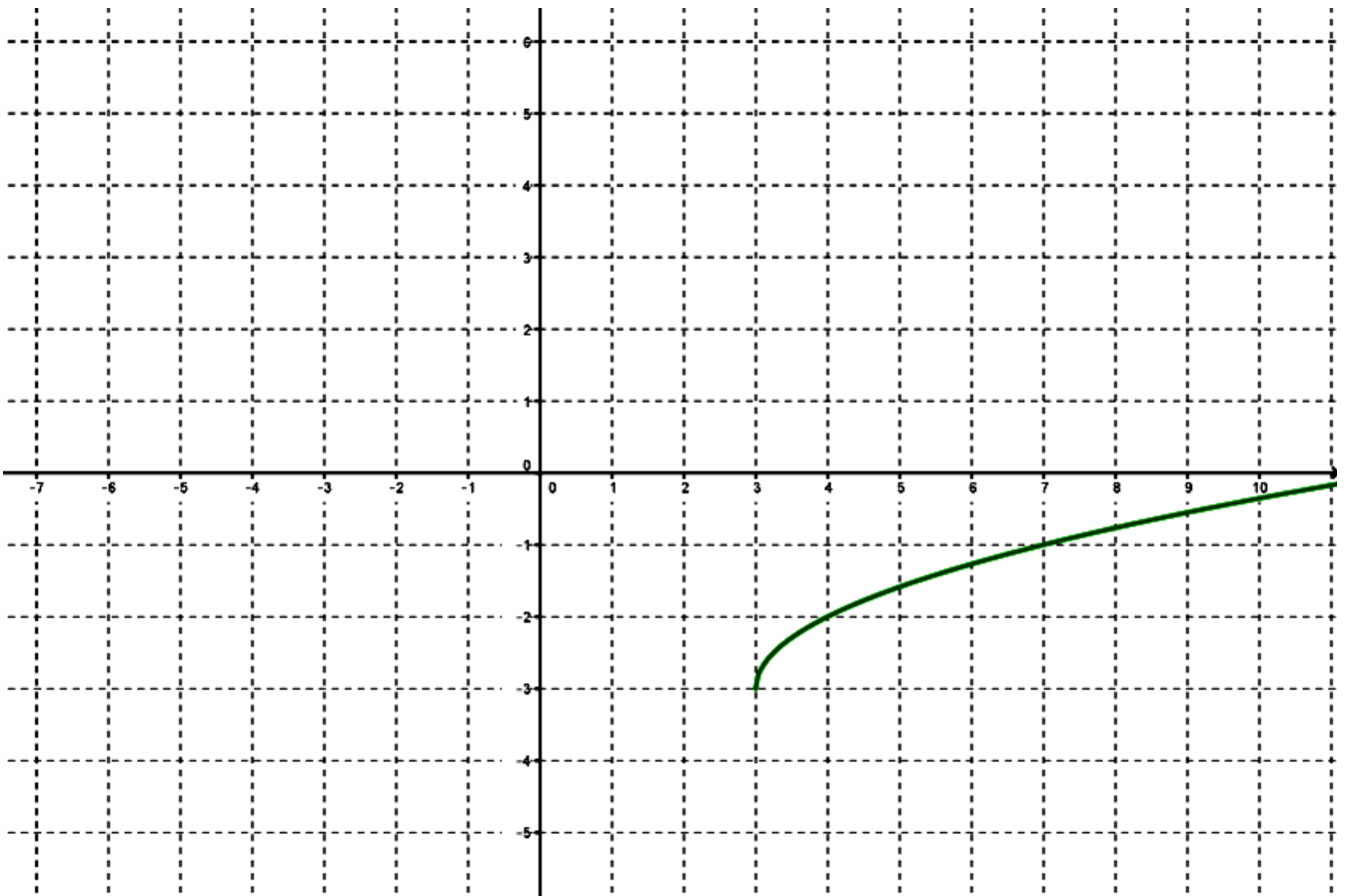
- b)  $f$  est-elle continue en tout point de  $\mathbb{R}$
- c) Déterminer le minimum de  $\xi f$  et pour quelle valeur il est atteint
- 3) a) Calculer :  $f(-3)$  ;  $f(-1)$  ;  $f(0)$  ;  $f(\frac{5}{2})$  ;  $f(7)$
- b) Calculer l'antécédent(s) de 3 et -2 par  $f$
- 4) Déduire la courbe de  $\xi(-f)$  qui représente la fonction  $-f(x)$
- 5) Soit  $g$  une fonction définie par :  $g(x) = \frac{1}{x^2-x}$
- a) Déterminer le domaine de définition de  $g$
- b) Montrer que  $g(x)$  est majorée par (-4) sur l'intervalle,  $]0 ; 1[$

EXERCICE n° 2 : ( 4 points)

Soit  $\Delta$  une droite munie d'un repère  $(O; \vec{i})$  et  $A ; B ; C$  et  $I$  sont les points de  $\Delta$  d'abscisses respectives 3 ; - 2 ; 2 et 1.

On désigne par  $\Delta'$  la perpendiculaire à  $\Delta$  en  $C$

- 1) Soit  $E$  un point de  $\Delta'$  distinct de  $C$ .
  - a) Calculer  $\vec{OA} \cdot \vec{OE}$  ;  $\vec{BE} \cdot \vec{IA}$  ;  $\vec{AC} \cdot \vec{IE}$  et  $\vec{IB} \cdot \vec{CA}$
  - b) Soit  $F$  le point tel que  $CEOF$  est un parallélogramme. Calculer  $\vec{AB} \cdot \vec{EF}$
  - 2) a) Montrer que, pour tout point  $M$  de  $\Delta'$  on a :  $\vec{AB} \cdot \vec{IM} = -5$
  - b) Soit  $K$  un point de  $\Delta'$  tel que :  $\cos(\widehat{AB, IK}) = -\frac{\sqrt{5}}{5}$
- Calculer  $IK$



### EXERCICE n° 3:( 6 points)

Dans un plan  $P$ , on considère un rectangle  $ABCD$  de centre  $O$  tel que :  $AB = 8$  et  $AD = 4$

On désigne par  $I$  ;  $J$  et  $K$  les milieux respectifs de  $[AB]$ ,  $[DC]$  et  $[OI]$ .

1) Calculer  $\overrightarrow{KA} \cdot \overrightarrow{KB}$ .

2) a) Montrer que pour tout point  $M$  du plan on a :

$$\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \cdot \overrightarrow{MD} = 2MO^2 - 24$$

b) En déduire  $\overrightarrow{KC} \cdot \overrightarrow{KD}$ .

3) Déterminer l'ensemble  $(\varphi)$  des points  $M$  du plan  $P$  tel que :

$$\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \cdot \overrightarrow{MD} = -22$$

4) a) Montrer que pour tout point  $M$  du plan  $P$  on a :

$$MA^2 + MB^2 + MC^2 + MD^2 = 4MO^2 + 80$$

b) Déterminer l'ensemble  $(\Gamma)$  des points  $M$  du plan  $P$  tel que :

$$MA^2 + MB^2 + MC^2 + MD^2 = 160$$

5) a) Montrer que :  $\overrightarrow{KD} \cdot \overrightarrow{KB} = -19$

b) Déterminer l'ensemble  $(F)$  des points  $M$  du plan  $P$  tel que :

$$\overrightarrow{KD} \cdot \overrightarrow{KM} = -19$$

EXERCICE n° 1 : ( 8 points )

