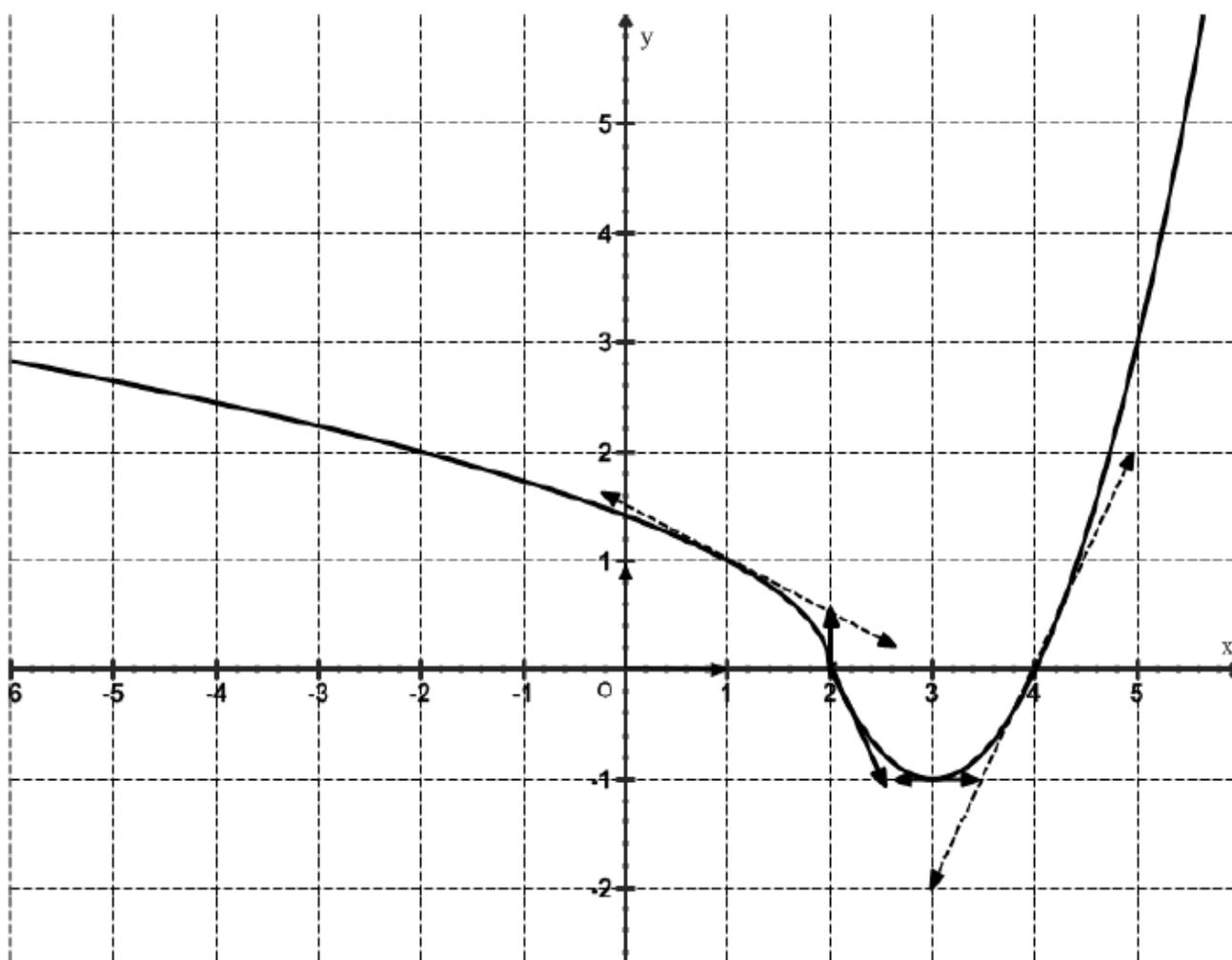


**Exercice n° 1 : (4 points)**

Dans la figure ci-contre on donne la représentation graphique Cf d'une fonction f. Sachant que la droite $y = 3$ est une asymptote à Cf en $+\infty$

Répondre aux questions suivantes par lecture graphique.

- 1) Déterminer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
- 2) a) Déterminer : $f'(3)$; $f'(1)$ et $f'(4)$
- b) Déterminer $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{f(x)}{x-2}$ et $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x)}{x-2}$. f est elle dérivable à gauche en 2 ?
- c) Donner une approximation affine de $f(1,01)$



Exercice n°2 : (7points)

Soit la fonction f définie par : $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x - 3 & \text{si } x < 1 \\ \sqrt{x^2 - 1} & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$

1°) Calculer : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2°) Montrer que f est continue en 1

3°) a- Etudier la dérivabilité de f à droite en 1. Interpréter le résultat graphiquement

b- Etudier la dérivabilité de f à gauche de 1

c- f est-elle dérivable en 1 ?

3°) Montrer que la droite $y = x$ est une asymptote oblique à C_f au voisinage de $+\infty$

3°) Calculer $f'(a)$ pour $a \in]1, +\infty[$ et $a \in]-\infty, 1[$.

4°) Déterminer l'équation de tangente au point d'abscisse 3

5°) Existent-elles des tangentes à C_f parallèles à $D : y = 2x + 3$ sur $]1, +\infty[$

Exercice n°3 : (5points)

Dans un repère orthonormé direct (O, \vec{i}, \vec{j}) on considère les points A et B dont les coordonnées cartésiennes sont : $A(\sqrt{2}, -\sqrt{2})$ et $B(\sqrt{3}, 1)$

1- Déterminer les coordonnées polaires de A et B

2- Placer les points A et B dans le plan

3- a) Donner une mesure de l'angle (\vec{OA}, \vec{OB}) .

b) Calculer $\vec{OA} \cdot \vec{OB}$ puis déduire $\cos\left(\frac{5\pi}{12}\right)$.

c) Calculer $\det(\vec{OA}, \vec{OB})$ puis déduire $\sin\left(\frac{5\pi}{12}\right)$.

Exercice n°4 : (4points)

1) On donne $A = \cos\left(\frac{5\pi}{2} - x\right) + \sin(x - 3\pi) - \sin\left(x - \frac{3\pi}{2}\right) + \cos(2\pi - x)$ Montrer que $A = 0$

2) Soit $f(x) = \cos(2x) - 2\sin^2(x)$ pour tout réel x

a) Montrer que $f(x) = 4\cos^2(x) - 3$ pour tout réel x

b) En déduire que $f(x) = 2\cos(2x) - 1$

c) Montrer que $A\left(\frac{\pi}{8}\right) = \sqrt{2} - 1$. En déduire la valeur $\cos\left(\frac{\pi}{8}\right)$

3) Résoudre dans \mathbb{R} puis $[0, 2\pi]$ l'équation $f(x) = 0$