

Exercice N°1 : 08 pts

1) Soit  $f$  l'application linéaire définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = \sqrt{2} x$ .

- Calculer l'image de  $\sqrt{2}$  par  $f$
- Déterminer l'antécédent de  $\sqrt{2}$  par  $f$

2) Soit l'application linéaire  $g$  tel que  $g(-2) = 6$

- Déterminer le coefficient de  $g$  ; puis déduire  $g(2)$
- Construire dans un repère orthonormé  $(O ; I ; J)$  la droite  $\Delta$  représentation graphique de  $g$
- Le point  $M(1 ; 4)$  appartient – t' il à la droite  $\Delta$  . justifier votre réponse.
- Déterminer le réel  $m$  pour que le point  $N(2 ; m + 1)$  appartient à la droite  $\Delta$

3) soient les point  $A(3 ; 2)$  et  $B(1 ; -3)$

- Construire les points  $A$  et  $B$  dans le même repère  $(O ; I ; J)$
- La droite  $(AB)$  est – elle représentation graphique d'une fonction linéaire . justifier votre réponse

Exercice N°2 : 04 pts

Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations suivantes .

- $\sqrt{2} x + 2\sqrt{3} = 0$
- $x^2 + 3x - 1 = -x + x^2 + 1$
- $2x - 1 = 3x + 5$

Exercice N°3 : 08 pts

Soit  $ABC$  un triangle et  $I$  le milieu de  $[BC]$ .

1) Construire les points  $F$  et  $G$  tels que  $F = t_{\overline{BA}}(I)$  et  $G = t_{\overline{AF}}(C)$ .

2) a) Montrer que  $\overline{AF} = \overline{BI}$ .

b) Déduire que  $\overline{AF} = \overline{IC}$ .

c) Montrer alors que  $C$  est le milieu du segment  $[IG]$ .

3) a) Montrer que  $t_{\overline{AF}}((AC)) = (FG)$ .

b) Les droites  $(AC)$  et  $(IF)$  se coupent en un point  $E$ .

La droite  $\Delta$  parallèle à  $(BC)$  et passant par  $E$  coupe  $(FG)$  en  $N$ .

Déterminer  $t_{\overline{AF}}(\Delta)$ .

c) déduire que  $t_{\overline{AF}}(E) = N$ .



Bonne Chance

