

Exercice N .01(7points)

On considère la suite (U_n) définie sur \mathbb{N} par :

$$\begin{cases} U_0 = 0 \\ U_{n+1} = \frac{3}{\sqrt{6 - U_n^2}} \end{cases}$$

- 1) Calculer U_1 et U_2 .
- 2) a) Montrer que pour tout entier naturel n , on a : $0 \leq U_n < \sqrt{3}$
b) Montrer que (U_n) est une suite croissante .
- 3) Soit la suite (V_n) définie sur \mathbb{N} par : $V_n = \frac{U_n^2}{3 - U_n^2}$
 - a) Montrer que (V_n) est une suite arithmétique de raison 1.
 - b) Exprimer V_n en fonction de n . En déduire U_n en fonction de n .
 - c) Calculer alors la limite de (U_n) .

Exercice N .02(7points)

L'espace ξ est rapporté à un repère orthonormé $(o ; i ; j ; k)$

Soient les points $A(1,0,0)$, $B(0,1,0)$ et $C(0,0,1)$

1-a) Montrer que les points $A ; B$ et C déterminent un plan .

b°) Montrer que les points O, A, B et C ne sont pas coplanaires.

2°) Soient les points $D(1, 2, 3)$ et $E(0, 0, 6)$

a) Donner une représentation paramétrique de la droite (DE) .

a) Prouver que la droite (DE) est parallèle au plan (ABC) .

3) Soit le point $F(-1, 4, 3)$

a) Prouver que les points $E ; F$ et D ne sont pas alignés .

b) Les vecteurs AB, AC et ED forment-ils une base.

4) Prouver que les plans (DEF) et (ABC) sont parallèles.

Exercice N .03(6points)

Une urne contient :

«3 boules rouges numérotées 1 ; 1 ; 2

2 boules blanches numérotées 1 ; 1

5 boules vertes numérotées 1 ; 1 ; 1 ; 2 ; 2 .

On suppose que toutes les boules sont indiscernables au toucher.

On tire simultanément et au hasard 3 boules de l'urne.

1) Dénombrer tous les tirages possibles.

2) Déterminer les cardinaux de :

A : Obtenir 3 boules de même couleur.

B : obtenir 2 boules blanches et une boule verte.

C ; Obtenir au moins une boule blanche.

D : obtenir 3 boules de même numéro.

E : la somme des numéros de trois boules tirées est paire

3) Calculer $\text{card}(A \cap E)$

