

L'épreuve comporte une page. Il sera tenu compte du soin apporté à la rédaction.

Le barème est approximatif.

Exercice 1 (7,25 points)

1. Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

a) $2x+1=0$

b) $|x-5|=|4-2x|$

c) $\sqrt{x+9}=3-x$

d) $\frac{x-1}{x-2} = \frac{2x+2}{x+4}$

e) $\frac{2x+\sqrt{2}}{3-x^2} = \frac{1}{2-x}$

f) $\sqrt{x}-4=9$.

2. Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes :

a) $\sqrt{2}x-2 \leq \frac{3}{4}$

b) $|x-5| \leq 2$

c) $\sqrt{2-x^2} \leq 3$

d) $\frac{x-1}{3-x} \leq 0$.

Exercice 2 (6,75 points)

1. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $3x^2 - 5x - 2 = 0$.

2. Soit m , un paramètre réel ; on considère l'équation (E) : $mx^2 - 3x - 2 = 0$.

a. Déterminer m pour que 2 soit une solution de (E).

b. En déduire l'autre solution.

c. Résoudre l'inéquation $mx^2 - 3x - 2 \leq 0$ pour $m = \begin{cases} -1 \\ 2/3 \\ 2 \end{cases}$.

Exercice 3 (6points)

Soit ABC un triangle ; $I=B^*C$; $J=A^*B$ et $K=A^*C$.

1. a) Construire le point D tel que : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AD}$.

b) En déduire que : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{AI}$.

2. Établir deux autres relations analogues

3. En déduire que : $\overrightarrow{AI} + \overrightarrow{CJ} + \overrightarrow{BK} = \vec{0}$.

4. Soit G le centre de gravité de ABC .

Montrer que : $\overrightarrow{GI} + \overrightarrow{GJ} + \overrightarrow{GK} = \vec{0}$.

Fin de l'épreuve