

LYCE IBN ARAFA CHEBIKA PROF : ROMMANI.FAHMI	DEVOIR DE CONTROLE N°1 DE MATHÉMATIQUES	CLASSE : 4ECO2
		DURÉE : 2H ANNÉE : 2015/2016

EXERCICE N°1 : (3 points)

Dans chaque question une seule proposition est juste indiquer la .

1/ $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x-2}{x-1} =$

- a) -1 b) $+\infty$ c) $-\infty$

2/ Soit $f(x) = x^2 + 2x$ et $g(x) = \frac{1}{x^2+1}$ alors pour tout réel x , $g \circ f(x) =$

- a) $\frac{1}{(x^2+2x)^2+1}$ b) $\left(\frac{1}{x^2+1}\right)^2 + \frac{2}{1+x^2}$ c) $\frac{2}{(x^2+1)^2}$

3/ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\sqrt{\frac{x^2+2}{4x^2+1}} - \sqrt{\frac{x^2+2}{4x^2+1}} \right) =$

- a) 0 b) $-\frac{1}{2}$ c) $-\frac{1}{4}$.

EXERCICE N°2 : (6 points)

Soit les matrices $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ et $B = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 1 \\ \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -1 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

1/ a) Calculer $\det(A)$

b) En déduire que A est inversible .

2/ a) Calculer $A \times B$.

b) En déduire A^{-1} .

3/ On considère le système $(S) : \begin{cases} -x + 2y = 3 \\ y - z = -2 \\ x + 2z = 5 \end{cases}$

a) Ecrire le système (S) sous forme matricielle.

b) Résoudre dans \mathbb{R}^3 le système (S).

EXERCICE N°3 : (11 points)

Soit les fonctions f et g définies sur \mathbb{R} par : $f(x) = \frac{2x+1}{x^2+1}$ et $g(x) = \sqrt{1+x^2}$

1/ Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow 0} g(x)$.

2/ En déduire $\lim_{x \rightarrow +\infty} g \circ f(x)$.

3/ Soit la fonction h définie sur \mathbb{R} par :
$$\begin{cases} h(x) = \frac{2x+1}{x^2+1} \text{ si } x > 0 \\ h(x) = \sqrt{1+x^2} \text{ si } x \leq 0 \end{cases} .$$

a) Calculer $h(0)$.

b) Montrer que f est continue en 0.

c) Montrer que f est continue sur \mathbb{R} .

d) Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x)$.

e) Montrer que $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) + x$.

4/ On suppose que h est décroissante sur $]-\infty; 0]$.

a) Déterminer $h(]-\infty; 0])$.

b) Montrer que l'équation $h(x) = 0,9$ admet au moins une solution $\alpha \in [2; 3]$.