

## DEVOIR DE CONTROLE N ° 3

**Exercice 1 : ( 3 points)**

Cocher la bonne réponse

- 1) Soit A et B deux événements indépendants tels que  $p(A) = \frac{1}{3}$  et  $p(B) = \frac{1}{2}$ , alors  $p(A \cup B) =$
- a)  $\frac{1}{6}$                                       b)  $\frac{2}{3}$                                       c)  $\frac{5}{6}$

- 2) Le tableau ci-dessous donne les résultats d'un sondage effectué dans une population de 50 individus

	Fumeur	Non fumeur
Homme	12	20
Femme	4	14

Si l'on interroge au hasard l'un d'entre eux, la probabilité que l'interrogé soit femme sachant que c'est un fumeur est :

- a) 0,75                                      b) 0,5                                      c) 0,25

- 3) Soit  $f(x) = -0,7(1,13)^x$ ,  $x \in \mathbb{R}$  on a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) =$

- a)  $-\infty$                                       b) 0                                      c)  $+\infty$

- 4) Soit  $f(x) = 9x^2 + 6x - 3$ ,  $x \in \mathbb{R}$  la valeur moyenne de f sur  $[-1, 1]$  est
- a) 0                                      b) 12                                      c) 3

**Exercice 2 : ( 5 points)**

Dans une usine, la fabrication d'une pièce nécessite son passage sur une machine  $M_1$  puis sur une machine  $M_2$ . Une étude a permis d'estimer que :

La probabilité que  $M_1$  tombe en panne est 0,004

Lorsque  $M_1$  est en panne, la probabilité que  $M_2$  tombe en panne est 0,4

Lorsque  $M_1$  est en marche, la probabilité que  $M_2$  tombe en panne est 0,002

on considère les événements suivants :

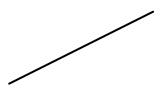
$M_1$  : la machine  $M_1$  est en marche

$M_2$  : la machine  $M_2$  est en marche

- 1) Construire un arbre pondéré représentant cette situation
- 2) Déterminer la probabilité que les machines  $M_1$  et  $M_2$  soient en marche
- 3) Déterminer la probabilité que la machine  $M_2$  soit en marche
- 4) Déterminer la probabilité que les machines  $M_1$  ou  $M_2$  soient en marche
- 5) Déterminer la probabilité que la machine  $M_1$  soit en panne sachant que  $M_2$  est en marche

### Exercice 3 : ( 6 points)

Soit  $f$  une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  on donne ci-dessous son tableau de variation

x	$-\infty$	1	$+\infty$
$f'(x)$	-		
$f(x)$			

On note C sa courbe représentative dans un repère orthonormé (Unité 1 cm)

1) Préciser l' asymptote horizontale à C

2) On suppose que  $f(x) = a + b x e^{-x}$ . Justifier que  $a = 1$  et  $b = -1$

3) calculer  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$  et interpréter graphiquement les résultats

4) Recopier et compléter le tableau de variation de  $f$

5) Tracer C

6) Soit  $F(x) = x - (x+1)e^{-x}$ ,  $x \in \mathbb{R}$

Montrer que  $F$  est une primitive de  $f$  sur  $\mathbb{R}$

6) Calculer en  $\text{cm}^2$ , l'aire de la région du plan limitée par C, D :  $y = 1$ ,  $D_1 : x = 0$  et  $D_2 : x = 2$

### Exercice 4 : ( 6 points)

Le graphe T ci à côté indique , les rues à sens unique

D'une partie d'une ville

Un fournisseur se prépare à livrer un produit , en voiture, à ses clients à partir de B

1) Quel est l'ordre de ce graphe ?

2) En justifiant la réponse , montrer qu'il est possible que le fournisseur passe une fois et une seule par tous les rues en partant de B .Donner un exemple de trajet

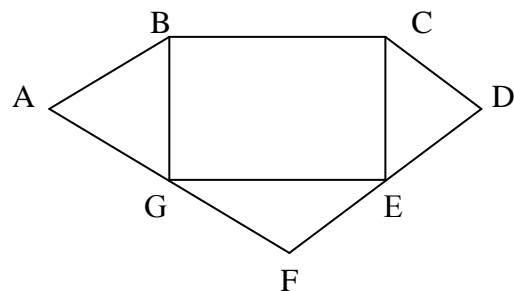
3) le fournisseur peut -il revenir à son point de départ après avoir parcouru une fois et une seule tous les rues ? justifier

4) a) Ecrire la matrice M associée à ce graphe en respectant l'ordre alphabétique

b) Ecrire toutes les chaînes de longueurs 4 reliant B à C

c) Déduire le terme  $a_{23}$  de la matrice  $M^4$

d) Compléter le tableau suivant



Distance	A	B	C	D	E	F	G
A	0		2	4	4	3	2
B	2		1	3	2	2	1
C	3		0	2	1	3	2
D	4		1	0	2	4	3
E	2		2	1	0	2	1
F	3		3	2	1	0	2
G	1		3	3	2	1	0

e) En déduire le diamètre du graphe T