

Exercice n°1(5pts)

Une chaine hôtelière des hôtels , tous de même catégorie , dans une ville de Tabarka , Sousse et Zarzis. Les prix (en dinars) en pension complète d'une personne , dépendent de la saison du séjour et sont donnés dans le tableau suivant :

Villes	Tabarka	Sousse	Zarzis
Période			
Haute saison	100	140	60
Moyenne saison	80	80	60
Basse saison	40	40	40

Soit la matrice $P = \begin{pmatrix} 100 & 140 & 60 \\ 80 & 80 & 60 \\ 40 & 40 & 40 \end{pmatrix}$

1)Vérifier que $P^{-1} = \frac{1}{80} \begin{pmatrix} -2 & 8 & -9 \\ 2 & -4 & 3 \\ 0 & -4 & 8 \end{pmatrix}$

2)Un client choisit d'effectuer un séjour de 14 jours dans les différents hôtels de cette chaine , composé de la façon suivante : Quatre jours à Tabarka , quatre

jours à Sousse et six jours à Zarzis.On associe à ce choix la matrice $M = \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ 6 \end{pmatrix}$

a)Calculer la matrice $P \times M$.En déduire le cout du séjour de ce client pour chacune des trois périodes.

b)Ce client dispose d'un budget de 900 dinars.En quelle saison peut-il séjourner ?

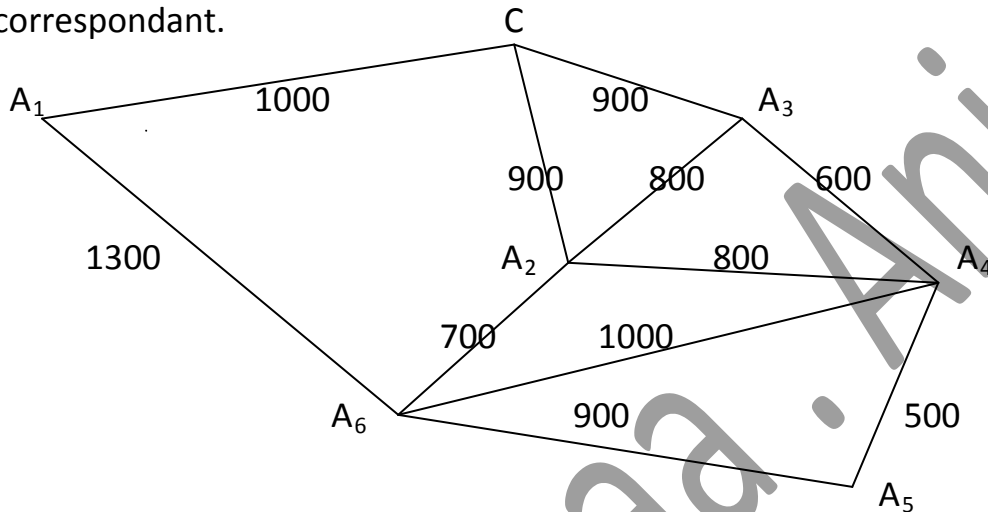
3)Dans un spot publicitaire , la chaine hôtelière affirme qu'un séjour complet de 14 jours est possible au prix de 1080 dinars en haute saison , 920 dinars en moyenne saison et 560 dinars en baisse saison.

Comment ce séjour se compose-t-il ?

Exercice n°2(5pts)

Un facteur doit , dans sa journée , prendre le courrier du central C et se rendre à six localités de la ville qu'on note A_1, A_2, A_3, A_4, A_5 et A_6 . Les tronçons de route qu'il peut emprunter sont représentées par les arêtes du graphe G ci-dessous.

Sur chaque arête est indiquée la longueur ,en mètre ,du tronçon correspondant.



- 1) Préciser le degré de chacun des sommets de G.
- 2) Montrer qu'il est possible d'emprunter tous les tronçons de route en parcourant une et une seule fois chacun d'eux.
- 3) Le facteur peut-il partir du central C et d'y revenir en empruntant une fois et une seule tous les tronçons de route ?
- 4) Déterminer le plus court chemin menant du centrale C à la localité A_5 .

Exercice n°3(6pts)

Soit f la fonction définie sur $]0, +\infty[$ par $f(x) = \frac{x+3+3\ln(x)}{x}$ On désigne par (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

1) Montrer que $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$. Interpréter graphiquement les résultats obtenues.

2) a) Montrer que $f'(x) = \frac{-3\ln(x)}{x^2} \quad \forall x \in]0, +\infty[$

b) Dresser le tableau de variation de f .

3)a) Montrer que l'équation $f(x)=0$ admet dans $]0, +\infty[$, une unique solution α .

Vérifier que $0,32 < \alpha < 0,34$

b) Tracer la courbe (C) dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) .

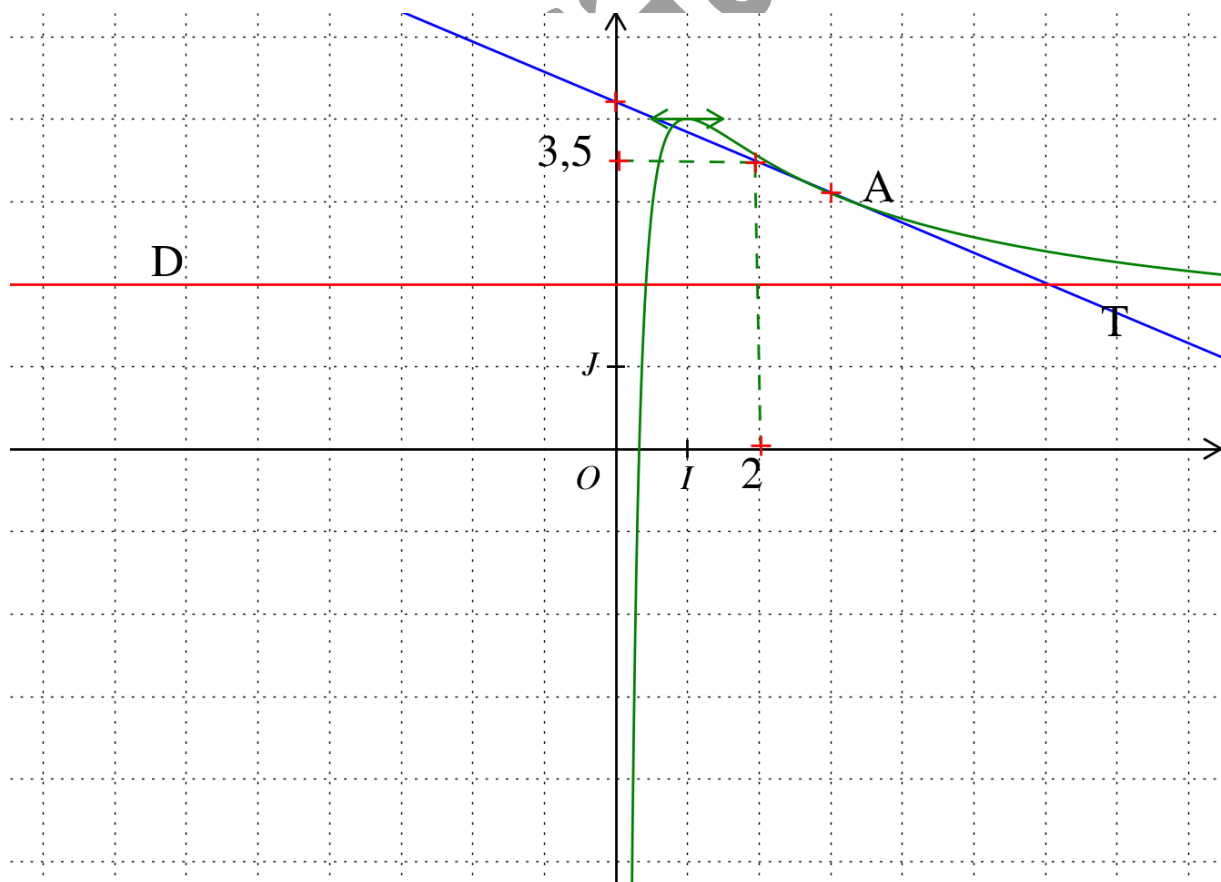
4) Une usine fabrique chaque jour x objets. On suppose que son bénéfice B , exprimé en milliers de dinars, est une fonction x définie sur $[100 ; 6000]$

Par $B(x) = f\left(\frac{x}{100}\right)$.

a) Déterminer le nombre d'objets à fabriquer pour que l'usine réalise un bénéfice maximal et donner en dinars ce bénéfice.

b) Déterminer, au dinar près, le bénéfice réalisé pour une fabrication de 4000 objets.

Exercice n°4(4pts)



Dans le graphique ci-dessus on a tracé la courbe (C) représentation graphique d'une fonction f définie continue et dérivable sur $]0, +\infty[$. T est la tangente à la courbe (C) au point d'abscisse A . Le point de coordonnées $(2; 3,5)$ appartient à (C).

(C) admet une seule tangente parallèle à l'axe des abscisses au point d'abscisse 1.

La droite D est une asymptote horizontale à (C) au voisinage de $(+\infty)$

1) Utiliser le graphique ci-dessus pour répondre aux questions suivantes :

a) Déterminer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$

b) Déterminer $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)-4}{x-1}$.

c) Dresser le tableau de variation de f .

2) Soit h la restriction de f à l'intervalle $]1, +\infty[$

a) Montrer que h est une bijection de $]1, +\infty[$ sur un intervalle J à préciser

b) Montrer que h^{-1} est dérivable sur J .

c) Tracer (C_h) et $(C_{h^{-1}})$ les courbes représentatives de h et h^{-1} dans un même repère