

**Exercice 1 : (4 pts)**

Donner la réponse correcte.

- 1) La fonction  $x \mapsto \frac{x}{|x|+1}$  est :
  - a) Définie sur : **i)**  $\mathbb{R}$  ; **ii)**  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  ; **iii)**  $\mathbb{R} \setminus \{-1,1\}$
  - b) **i)** Paire ; **ii)** impaire ; **iii)** ni paire ni impaire
- 2) La fonction définie sur  $\mathbb{R}_+$  par  $f(x) = \frac{-1}{\sqrt{x+1}} + 2$ 
  - a) n'est pas majorée sur  $\mathbb{R}_+$  ; **b)** n'est pas minorée sur  $\mathbb{R}_+$  ; **c)** borée sur  $\mathbb{R}_+$ .
- 3) La fonction  $x \rightarrow -x + 1 + \frac{1}{x}$  est :
  - a) Croissante sur  $]0, +\infty[$  ; **b)** décroissante sur  $]0, +\infty[$  ;
  - c) n'est pas monotone sur  $]0, +\infty[$
- 4) Si  $g$  est une fonction continue sur l'intervalle  $[-2,5]$  tels que  $g(-2) = -3$  et  $g(5) = -2$  alors l'équation  $g(x) = 1$  :
  - a) n'admet pas de solution dans  $[-2,5]$  ; **b)** admet au moins une solution dans  $[-2,5]$  ; **c)** admet une seule solution dans  $[-2,5]$

**Exercice 2 : (7 pts)**

Soient  $f$  la fonction définie sur  $]0, +\infty[$  par  $f(x) = \frac{1}{x}$  et  $g$  la fonction définie par :

$$g(x) = \begin{cases} \sqrt{x+1} & \text{si } x \geq -1 \\ x+2 & \text{si } x < -1 \end{cases}$$

On désigne par  $(C)$  et  $(C')$  les courbes représentatives de  $f$  et  $g$  dans un repère  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) **a)** Justifier la continuité de  $f$  sur  $]0, +\infty[$ .  
**b)** Justifier la continuité de  $g$  sur  $[-1, +\infty[$  puis sur  $]-\infty, -1[$ .
- 2) Tracer  $(C)$  et  $(C')$  dans le repère  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .
- 3) **a)**  $g$  est-t-elle continue à droite en  $1$ , à gauche en  $1$  ?  
**b)**  $g$  est-t-elle continue en  $1$  ?

4) a) Montrer que l'équation  $f(x) = g(x)$  admet une solution  $\alpha$  dans  $\left[\frac{1}{2}, 1\right]$ .

b) Donner un encadrement de  $\alpha$  à  $10^{-1}$  près.

### **Exercice 3 : (6 pts)**

Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . Soit  $A(1,0)$  et  $B(-1,0)$

On considère  $G$  le barycentre des points pondérés  $(A, 2)$  et  $(B, -3)$ .

1) Calculer les distances  $AB$ ,  $AG$  et  $BG$

2) Soit  $f$  l'application du plan dans lui-même définie par :

$$f(M) = 2MA^2 - 3MB^2$$

a) Calculer  $f(G)$ .

b) Montrer que  $f(M) = f(G) - MG^2$ .

3) Discuter suivant les valeurs de  $k$  l'ensemble des points  $M$  tel que  $f(M) = k$  ;  $k \in \mathbb{R}$ .

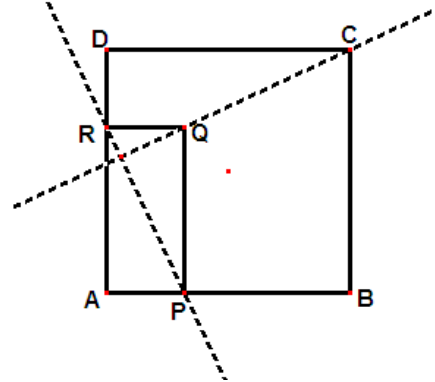
### **Exercice 4 : (3pts)**

Dans la figure ci-contre  $ABCD$  est un carré de côté  $a$  et  $APQR$  est un rectangle tel que  $P$  est sur le côté  $[AB]$ ,  $R$  est sur le côté  $[AD]$  et  $AP = DR$

A l'aide d'un choix convenable d'un repère

Orthonormé, montrer que les droites  $(PR)$  et  $(CQ)$

sont perpendiculaires.



**Bon travail**