

**Exercice n 1** (3points) (0.5x6)

1) Cocher la bonne réponse : dans le plan rapporté à un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  on donne les points A(2,0) et B(1,0)

a) L'ensemble  $\{M(x, y) \in P / MA^2 - MB^2 = 0\}$  est

1- Le cercle de centre A et de rayon 3	2- Le cercle de centre B et de rayon 2
3- La médiatrice de [AB]	4- Le cercle de diamètre [OA]

b) L'ensemble  $\{M(x, y) \in P / \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{OM} = 3\}$  est

1- Le cercle de centre A et de rayon 3	2- Le cercle de centre B et de rayon 2
3- La médiatrice de [AB]	4- Le cercle de diamètre [OA]

2) Répondre par vrai ou faux

a) Si AOB un triangle A' est le projeté orthogonal de A sur (OB) et B' est le projeté orthogonal de B sur (OA) alors  $OA' \times OB = OA \times OB'$  .....

b) Soit  $\vec{U}$  et  $\vec{V}$  deux vecteurs de V :  $\|\vec{U} + \vec{V}\| = \|\vec{U}\| + \|\vec{V}\|$  équivaut à  $\vec{U}$  et  $\vec{V}$  sont colinéaires de même sens .....

c) L'équation  $|2x^3 + x^2 + 5x - 6| = 0$  admet une solution comprise entre 0 et 1...

d) f est une fonction continue sur  $[-1; 2]$  tel que  $f(-1)=4$  et  $f(2)=5$  alors l'équation  $f(x)=0$  n'admet pas une solution dans  $[-1; 2]$  .....

**Exercice n 2** (5points) (0,5+0,5+0,5+0,5+1+0,75+0,5+0,75)

le graphique ci-dessous Cf désigne la courbe représentative dans un repère orthonorme d'une fonction f définie sur  $[-4; 6]$  par une lecture graphique répondre aux questions suivantes :

- 1) Donner f(2)
- 2) f est-elle continue en -1
- 3) déterminer s'il existe un minorant de f sur  $[-4; 6]$
- 4) donner les extremums de f et leurs natures (maximum, minimum, absolu, local)
- 5) déterminer f  $([-1, 2])$  et f  $([-4, -1])$
- 6) la fonction  $g(x) = |f(x)|$  est-elle continue en -1 .est-elle continue en 2
- 7) donner le nombre de solution de l'équation  $f(x) = -1$  (sans résolution)
- 8) dans le même repère tracer la représentation graphique de  $g(x) = f(x+1) + 1$

**Exercice n 3** (6,5points)(0,5+0,5+1+1+1+1,5+0,5+0,5)

On considère un parallélogramme ABCD de centre O de côtés  $AB = 2a$ , et  $AD = a$  ou  $a > 0$  tel que  $\vec{AB} \cdot \vec{AD} = a^2$  et I milieu de  $[AB]$

- 1) a) déterminer une mesure de l'angle  $\widehat{BAD}$   
b) En déduire la nature de triangle AID
- 2) a) Calculer  $\vec{AC} \cdot \vec{DI}$  en fonction de a  
b) Montrer que le triangle CDI est rectangle en I
- 3) Calculer IC puis montrer que  $AC = a\sqrt{7}$
- 4) Déterminer et construire l'ensemble  $E = \{M(x, y) \in P / MA^2 - MC^2 = a^2\sqrt{7}\}$
- 5) Soit N un point de plan tel que 
$$\begin{cases} IN = \frac{\sqrt{3}}{2}a \\ (\vec{IB}, \vec{IN}) \equiv -\frac{95}{6}\pi [2\pi] \end{cases}$$
  - a- Déterminer la mesure principale de  $(\vec{IB}, \vec{IN})$
  - b- Montrer que (ID) et (BN) sont parallèles

**Exercice n 4** (5,5points)(0,5+1+0,5+1+1+0,5+1)

Soit f la fonction définie par  $f(x) = \sqrt{x+5} - \sqrt{x+1}$

- 1) Déterminer  $D_f$  l'ensemble de définition de f
- 2) Montrer que f est continue sur  $D_f$
- 3) a) Montrer que pour tout  $x \in D_f$  on  $f(x) = \frac{4}{\sqrt{x+5} + \sqrt{x+1}}$   
b) En déduire que f est bornée sur  $D_f$   
c) Montrer que f est décroissante sur  $D_f$   
d) Déterminer l'image de  $[1; 2]$  par f  
e) Montrer que l'équation  $f(x) = 1$  admet une solution  $\alpha$  dans  $[1; 2]$

### Exercice n 1

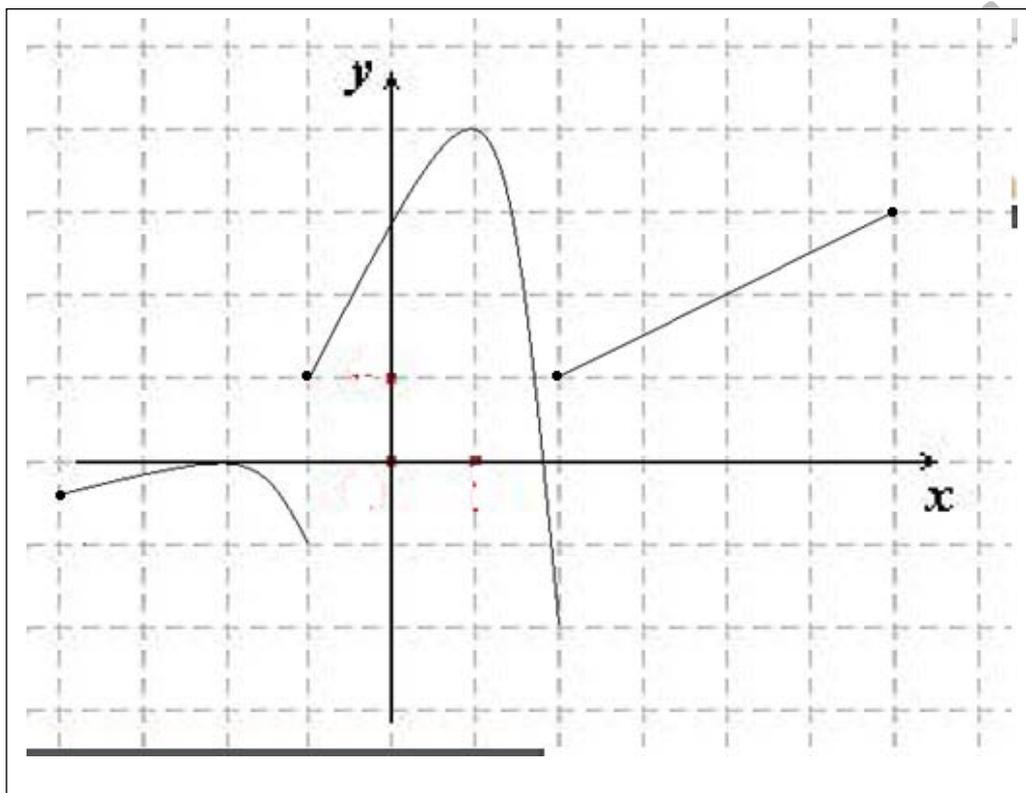
Nom :

Prénom :

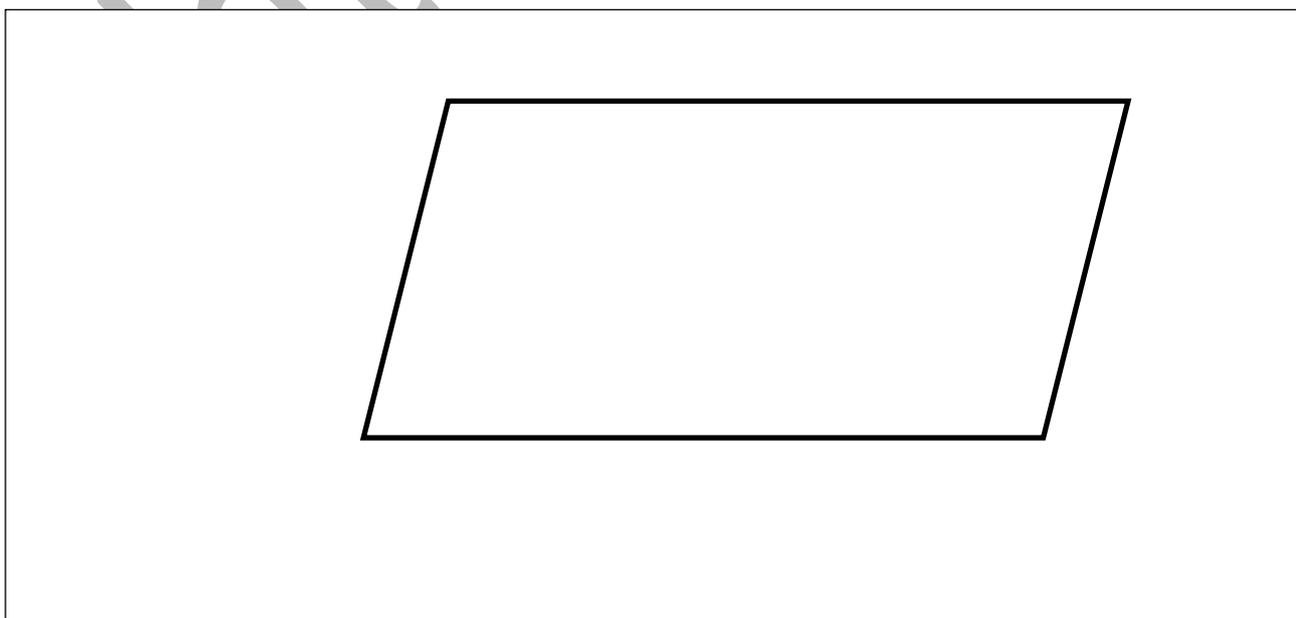
1) a) .....b).....

2) a)..... b)..... c) .....

### Exercice n 2



### Exercice n 3



Hatem Bouadila