

Pour les oscillateurs électriques forcés, on a toujours

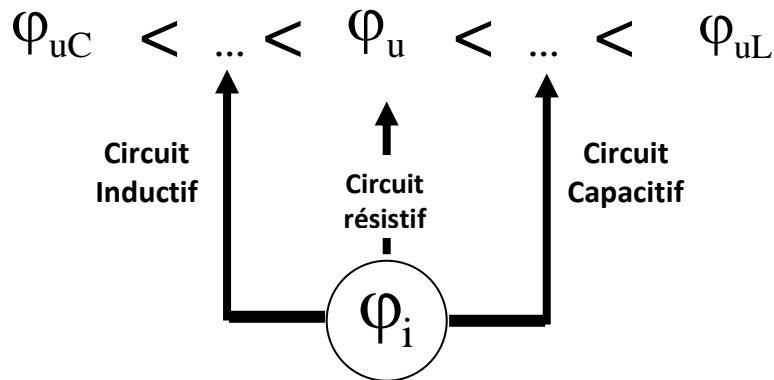


TABLEAU D'ANALOGIE ELECTRIQUE - MECANIQUE

Oscillateur électrique	Oscillateur mécanique
q	x
i	v
L	m
$\frac{1}{C}$	K
R_{totale}	h
U_m	F_m
$\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$	$\omega_0^2 = \frac{K}{m}$
E_e	E_{pe}
E_L	E_c
$E = E_e + E_L = \frac{Q_m^2}{2C} = \frac{1}{2} L \cdot I_m^2$	$E = E_{pe} + E_c = \frac{1}{2} K \cdot X_m^2 = \frac{1}{2} m \cdot V_m^2$

Oscillateur mécanique libre non amorti	Oscillateur électrique libre non amorti
Equation différentielle	
$\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0$	$\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{LC}q = 0$
Solution de l'équation différentielle	
$x(t) = X_m \sin(\omega_0 t + \varphi_x)$	$q(t) = Q_m \sin(\omega_0 t + \varphi_q)$
$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$	$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$
Oscillateur mécanique amorti	Oscillateur électrique amorti
Equation différentielle	
$m \frac{d^2x}{dt^2} + h \frac{dx}{dt} + kx = 0$	$L \frac{d^2q}{dt^2} + R_T \frac{dq}{dt} + \frac{1}{C}q = 0$
Oscillateur mécanique forcé	Oscillateur électrique forcé
Solution de l'équation différentielle	
$m \frac{d^2x}{dt^2} + h \frac{dx}{dt} + kx = F_m \sin(\omega t + \varphi_F)$	$L \frac{d^2q}{dt^2} + R_T \frac{dq}{dt} + \frac{1}{C}q = U_m \sin(\omega t + \varphi_u)$
F(t) est toujours en avance de phase par rapport à x(t)	u(t) est toujours en avance de phase par rapport à q(t)
$X_m = \frac{F_m}{\sqrt{h^2 \omega^2 + (k - m\omega^2)^2}}$	$Q_m = \frac{U_m}{\sqrt{R_T^2 \omega^2 + \left(\frac{1}{C} - L\omega^2\right)^2}}$
<u>A la résonance d'élongation</u>	<u>A la résonance de charge</u>
$\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \frac{h^2}{2m^2}}$	$\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \frac{R_T^2}{2L^2}}$
Condition sur h : $h < m\omega_0 \cdot \sqrt{2}$	Condition sur R_T : $R_T < L\omega_0 \cdot \sqrt{2}$
Equation différentielle en v(t) $m \frac{dv}{dt} + h.v + k \int v.dt = F_m \sin(\omega t + \varphi_F)$	Equation différentielle en i(t) $L \frac{di}{dt} + R_T.i + \frac{1}{C} \int i.dt = U_m \sin(\omega t + \varphi_u)$
<u>A la Résonance de vitesse</u> $\omega = \omega_0$	<u>Résonance d'intensité</u> $\omega = \omega_0$
Puissance mécanique moyenne	Puissance électrique moyenne
$P_m = \frac{F_m V_m}{2} \cos(\varphi_v - \varphi_F)$	$P_m = \frac{U_m I_m}{2} \cos(\varphi_i - \varphi_u)$
$P_m = UI \cos(\varphi_i - \varphi_u)$	$P_m = UI \cos(\varphi_i - \varphi_u)$
Résonance de puissance	Résonance de puissance
F et v sont en phase	u et i sont en phase