

d'affixe respectives $z_1 = i + e^{i\theta}$ et $z_2 = -i + e^{-i\theta}$.

a. Démontrer que OM_1M_2 est un triangle isocèle en O.

b. Vérifier que $S_{(O,\vec{u})}(M_1) = M_2$, ou $S_{(O,\vec{u})}$ désigne la symétrie orthogonal d'axe (O, \vec{u})

3) a. On désigne par I le milieu de segment $[M_1M_2]$ déterminer l'ensemble des I quand θ décrit $\left] -\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right[$

b. Déterminer et construire l'ensemble des points M_1 quand θ décrit $\left] -\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right[$ et en déduire l'ensemble des points M_2 .

4) a. Soit B le point d'affixe $z_B = 2\cos\theta$, Démontrer que OM_2BM_1 est un losange

b. Montrer que : $z_1 = 2\cos\left(\frac{\theta}{2} - \frac{\pi}{4}\right)e^{i\left(\frac{\theta}{2} + \frac{\pi}{4}\right)}$.

c. Montrer que $(\overrightarrow{BM_2}; \overrightarrow{BM_1}) \equiv \theta + \frac{\pi}{2} [2\pi]$

d. Déterminer θ pour que : M_2BM_1 est un triangle équilatéral.

Exercice N°4 : (6 pts)

Le plan est rapporté à un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

Dans l'annexe de la page n°3, on a représenté la courbe \mathcal{C} de la fonction f définie et dérivable sur $]0, +\infty[$ et les droites Δ et D d'équation respectives $y = x$ et $y = 4$.

* la droite d'équation $y = 4$ est une asymptote à \mathcal{C} au voisinage de $+\infty$.

* la droite d'équation $y = 4$ est une asymptote a la courbe \mathcal{C}

1) Par lecture graphique répondre a ces questions :

a. Déterminer : $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{4-f(x)}$.

b. Montrer que l'équation $f(x)=0$ admet une seule solution α dans l'intervalle $\left] \frac{1}{2}; 1 \right[$

c. En déduire le signe de $f(x)$ suivant les valeurs de x

2) Soit h la fonction définie par : $h(x) = \sqrt{f(x)}$.

a. Déterminer D_h le domaine de définition de h

b. Déterminer les valeurs de x tel que : $h^2(x) - (1 + \sqrt{3})h(x) + \sqrt{3} = 0$.

3) On définit sur \mathbb{N} la suite U par : $\begin{cases} U_0 = 5 \\ U_{n+1} = f(U_n) \end{cases}; \forall n \in \mathbb{N}$

a. Montrer que pour tout $n \in \mathbb{N}$ on a : $3 \leq U_n$.

b. Montrer que (U_n) est décroissante, déduire qu'elle est convergente et déterminer sa limite.

Annexe

