

MR : GARY

Fonctions affines

Classe :

1<sup>er</sup> Secondaire

I) Fonction affine

1) Activité 1

Quand on arrête un taxi , on paye 400 millimes comme taxe d'arrêt puis 30 millimes l'unité . yassine a pris un taxi et a rempli le tableau suivant

x	0	1	3	5	10	11
y	400					

Combien paie – t-il s ' il fait x unités on établit une relation entre y et x .

$$Y = 30x + 400$$

2) Définition

Soient a et b deux réels l'orque a chaque réel , on associe le réel a x+ b , on définit une fonction affine f

On note f :  $x \mapsto ax + b$

On lit : f est la fonction qui a (x) associe ( ax +b ).

f(x) : est l'image de x par f.

x : est un antécédent de f(x).

3) Exemple

$g(x) = 3x + 2$  est une fonction affine tel que a = 3 et b= 2

4) Exercice

Soit f une fonction affine tel que  $f(x) = 2x - 1$

-1- calculer f(0) ; f(3) f( $\frac{1}{2}$ ).

-2- Déterminer l'antécédent de -3 et 4 par f.

5) Cas particulier

$$f: x \mapsto ax + b$$

- a) Si  $b = 0$  alors  $f: x \mapsto ax$  fonction linéaire  
b) Si  $a = 0$  alors  $f: x \mapsto b$  fonction constante

## II) Taux d'accroissement

### 1) Activité 3 P 215

#### Retenons

$f$  une fonction affine

$$f(x) = ax + b \text{ on a } f(0) = b \text{ et } a = \frac{f(x) - f(x')}{x - x'} \text{ pour tous réels distincts } x \text{ et } x'.$$

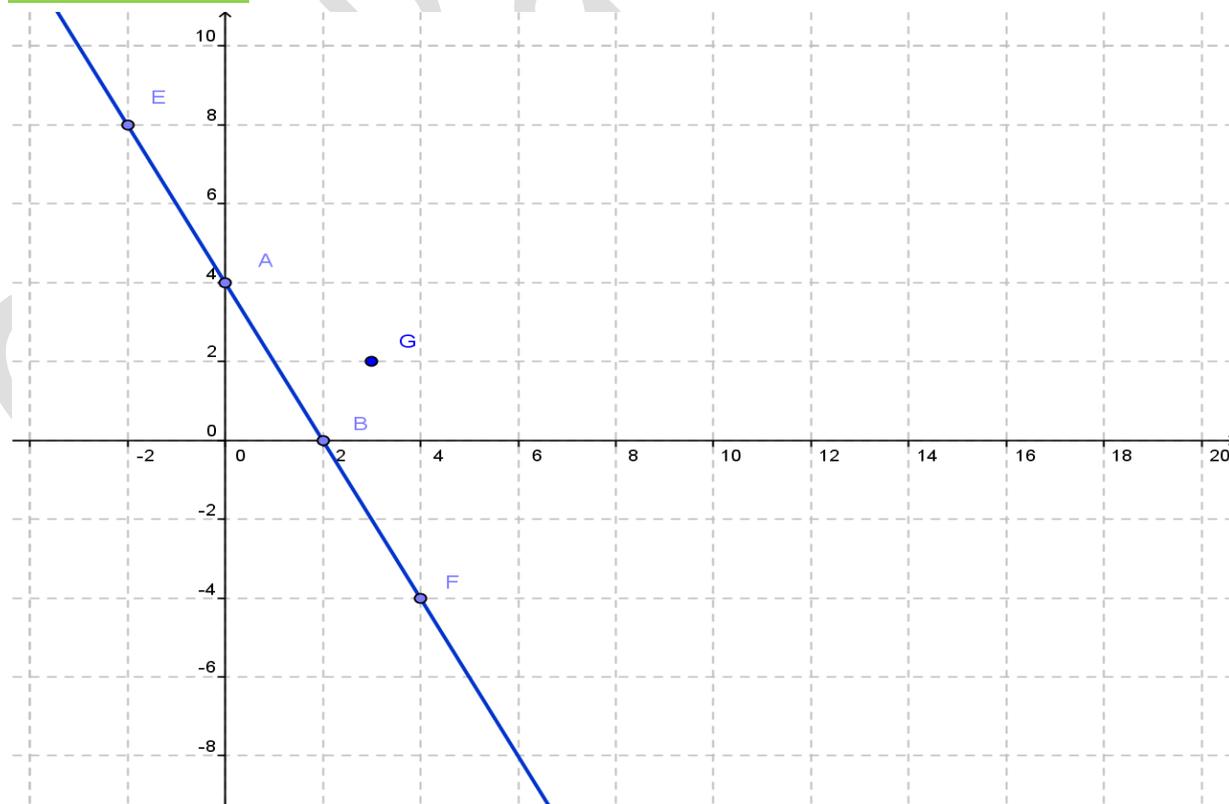
on dit que  $b$  est l'ordonnée à l'origine et  $a$  est le coefficient de  $f$ .

## III) Déterminer une fonction affine $f$ connaissant les images de deux nombres

### 1) Situation 1 P 219

## IV) Représentation graphique d'une fonction affine

### 1) Activité 5 P 216



x	-1	-0,5	0	2	3
f(x)					
M(x,y)	(-1 ; )	(-0,5 ; )	(0 ; )	(2, )	(3 , )

-2- a) Les points de coordonnées  $M(x, f(x))$  sont alignés.

-3- b) La droite  $D$  passe par  $A$  et  $B$  l'ensemble des points  $M(x, f(x))$  est la représentation graphique de  $f$ .

-4- a)  $E(-2, 0)$

b)  $F(4, -4)$

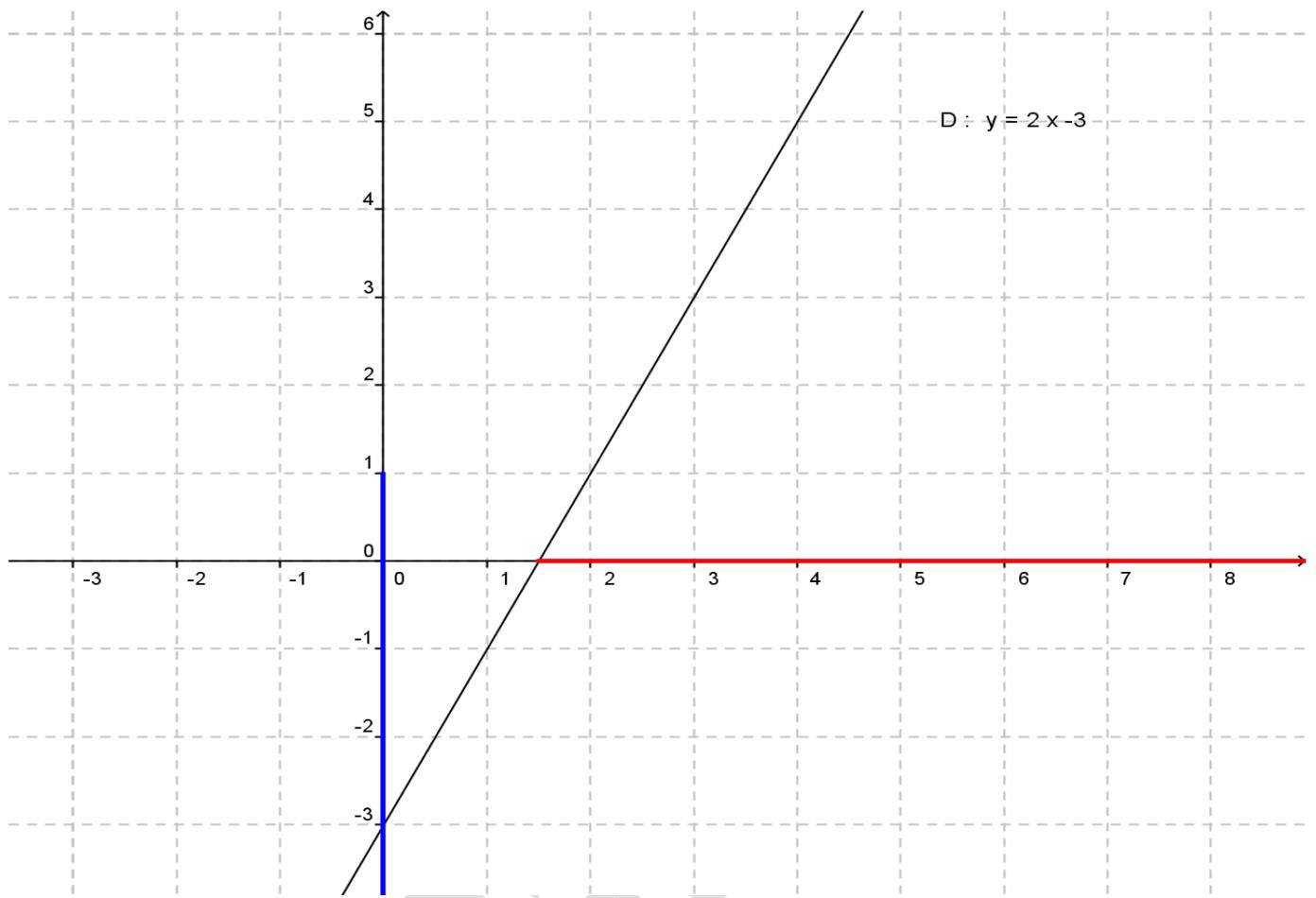
c)  $G(3, 2) \notin D$

### Retenons

La représentation graphique d'une fonction affine est l'ensemble des points de coordonnées  $M(x, f(x))$  est une droite  $D$  d'équation  $D : y = ax + b$

### V) Lecteur graphique

#### 1) Activité 7 P 217



-1- a)  $D : y = 2x - 3$  ;  $(ox) : y = 0$   $D \cap (ox) = \{E\}$

Graphiquement  $E \left( \frac{3}{2}, 0 \right)$

Par le calcul  $h(x) = 0$  ssi  $2x - 3 = 0$  ssi  $x = \frac{3}{2}$   $E \left( \frac{3}{2}, 0 \right)$

b)  $(oy) : x = 0$   $D \cap (oy) = \{F\}$

Graphiquement  $F(0, -3)$

Par le calcul  $h(0) = -3$

-2- b) l'ensemble des ordonnées de ces points tel que  $x \geq \frac{3}{2}$  est  $y \geq 0$  ,  
 $y \in [0 ; +\infty [$

-3- b) l'ensemble des abscisses de ces points tel que  $y \leq 1$  graphiquement  $x \leq 2$   
 $x \in ] -\infty ; 2 [$

## Retenons

Soit  $f(x) = ax + b$  et  $D_f : y = ax + b$

$g(x) = a'x + b$  et  $D_g : y = a'x + b'$

-1-  $D_f // D_g$  ssi  $a = a'$

-2-  $D_f$  et  $D_g$  sont sécantes ssi  $a \neq a'$

