

### Définition

Soit  $\vec{u}$  un vecteur fixé. On appelle translation de vecteur  $\vec{u}$  qu'on note  $t_{\vec{u}}$ , l'application du plan dans lui-même qui à tout point  $M$  on associe un point  $M'$  tel que  $\overrightarrow{MM'} = \vec{u}$

C'est-à-dire :  $M' = t_{\vec{u}}(M) \Leftrightarrow \overrightarrow{MM'} = \vec{u}$

### Propriétés

\*) Si  $\vec{u} = \vec{0}$  alors  $t_{\vec{u}} = id_{\mathcal{P}}$  (identité du plan)

\*)  $\begin{cases} A' = t_{\vec{u}}(A) \\ B' = t_{\vec{u}}(B) \end{cases}$  équivaut à  $\overrightarrow{A'B'} = \overrightarrow{AB}$

\*) Si  $\begin{cases} A' = t_{\vec{u}}(A) \\ B' = t_{\vec{u}}(B) \end{cases}$  alors  $[A'B'] = t_{\vec{u}}([AB])$

\*) Si  $\begin{cases} A' = t_{\vec{u}}(A) \\ B' = t_{\vec{u}}(B) \end{cases}$  alors  $(A'B') = t_{\vec{u}}((AB))$

\*) L'image d'un cercle de centre  $I$  et de rayon  $r$  par  $t_{\vec{u}}$  est le cercle de centre  $t_{\vec{u}}(I)$  et de rayon  $r$ .

\*) L'image d'un polygone par  $t_{\vec{u}}$  est un polygone qui lui est superposable.

\*) Toute translation de vecteur  $\vec{u}$  est une bijection et sa réciproque  $t_{\vec{u}}^{-1} = t_{-\vec{u}}$

\*) **La translation conserve :**

L'alignement, la parallélisme, l'orthogonalité, le milieu d'un segment, mesure des angles, distance, le contact et le barycentre.

