

Parallélogramme

$ABCD$ est un parallélogramme équivaut à $\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD}$ équivaut à $\vec{AB} = \vec{DC}$

Milieu d'un segment

I est le milieu de $[AB]$ équivaut à $\vec{IA} = \vec{IB}$ équivaut à $\vec{AB} = 2\vec{AI}$

Relations de Chasles

$$\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD}$$

Vecteurs colinéaires

\vec{u} et \vec{v} sont colinéaire équivaut à il existe $a \in \mathbb{R}$ tel que $\vec{u} = a\vec{v}$

Base et repère

$\left(\vec{u}, \vec{v}\right)$ est une base équivaut à \vec{u}, \vec{v} non colinéaires.

$\left(O, \vec{u}, \vec{v}\right)$ est un repère équivaut à $\left(\vec{u}, \vec{v}\right)$ est une base et O un point fixe.

Coordonnées de point et de vecteurs :

Soit $\left(O, \vec{i}, \vec{j}\right)$ un repère.

\ast) Pour tout point M , il existe un unique couple (x, y) de réel tel que $\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$

\ast) Les coordonnées du vecteur $\vec{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix}$

\ast) Soit $\vec{u} \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix}$ dans la base $\left(\vec{i}, \vec{j}\right)$ alors $\vec{u} + \vec{v} \begin{pmatrix} x_1 + x_2 \\ y_1 + y_2 \end{pmatrix}$

\ast Soit $I = A * B$ alors $I \begin{pmatrix} \frac{x_A + x_B}{2}, \frac{y_A + y_B}{2} \end{pmatrix}$

Soit $\vec{u} \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} a' \\ b' \end{pmatrix}$ dans la base $\left(\vec{i}, \vec{j}\right)$ orthonormé.

Norme d'un vecteur - distance de deux points

$$\|\vec{u}\| = \sqrt{a^2 + b^2} ; AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

Vecteur colinéaires - vecteurs orthogonaux

\ast) \vec{u} et \vec{v} sont colinéaire équivaut à $\det(\vec{u}, \vec{v}) = \begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} = ab' - a'b = 0$

\ast) \vec{u} et \vec{v} sont orthogonaux équivaut à $aa' + bb' = 0$

\ast) $\left(\vec{u}, \vec{v}\right)$ est une base orthonormé équivaut à $\vec{i} \perp \vec{j}$ et $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1$

