

Chimie : Thème : équilibre chimique

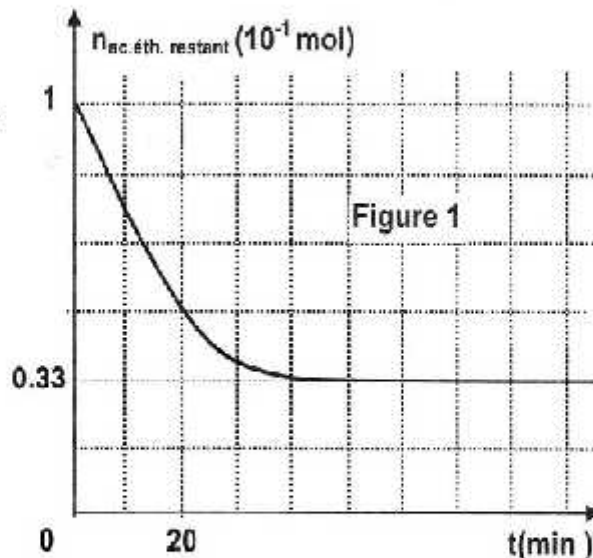
Exercice n°1 :

A l'origine des dates $t = 0$, on considère un système chimique (S) où on mélange n_0 mol d'acide éthanóique ($\text{CH}_3\text{-CO}_2\text{H}$) et n_0 mol d'éthanol ($\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-OH}$) en présence de quelques gouttes d'acide sulfurique et à une température adéquate. Après des intervalles de temps donnés (de l'ordre de 10 min), on détermine la quantité d'acide éthanóique restante. On trace la courbe de la figure 1, qui donne l'évolution de la quantité d'acide éthanóique restante ($n_{\text{ac.éth. restant}}$) en fonction du temps t .

1) a- Préciser le rôle de l'acide sulfurique.
b- Dresser le tableau descriptif d'évolution du système (S).

2) a- Donner l'expression de la loi d'action de masse relative à l'estérification.
b- Déterminer la valeur de n_0 .

c- Déterminer la composition du mélange lorsque (S) est à l'équilibre. En déduire la valeur de la constante d'équilibre K relative à l'estérification.



3) A un instant t_1 , on dose l'acide restant avec une solution aqueuse S_b d'hydroxyde de sodium de concentration molaire $C_b = 2 \text{ mol.L}^{-1}$. Il a fallu verser un volume $V_{bE} = 25 \text{ mL}$ de S_b pour obtenir l'équivalence.

On suppose que le nombre de moles d'acide sulfurique est négligeable.

a- Déterminer l'avancement x de la réaction d'estérification, à l'instant t_1 .

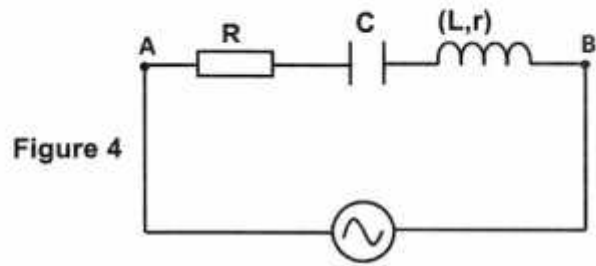
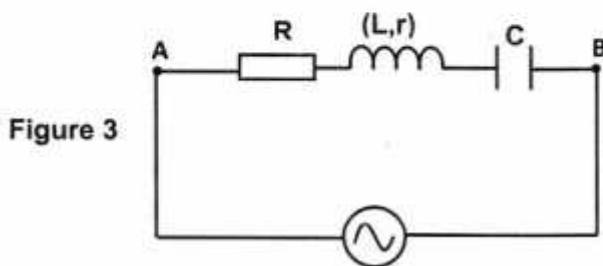
b- Préciser, en le justifiant, si le système (S) est en état d'équilibre ou non, à l'instant t_1 .

c- Déduire, à partir de la courbe de la figure 1, la valeur de t_1 .

Exercice n°1 :

Une portion d'un circuit AB contient, disposés en série, un résistor de résistance R , un condensateur de capacité $C = 5 \mu\text{F}$ et une bobine d'inductance L et de résistance r . Entre A et B, on applique une tension alternative sinusoïdale $u(t) = U_m \cdot \sin(2\pi Nt + \varphi_u)$ d'amplitude U_m constante et de fréquence N réglable. Pour une fréquence $N = N_1$, on visualise, à l'aide d'un oscilloscope bicourbe, les tensions $u_c(t)$ aux bornes du condensateur et $u(t)$ aux bornes du circuit AB, respectivement sur ses voies Y_1 et Y_2 . On obtient les oscillogrammes de la figure 5.

1- Parmi les deux schémas, figure 3 ou figure 4, reproduire sur la copie celui qui permet d'obtenir les oscillogrammes de la figure 5 en indiquant les branchements convenables à l'oscilloscope.



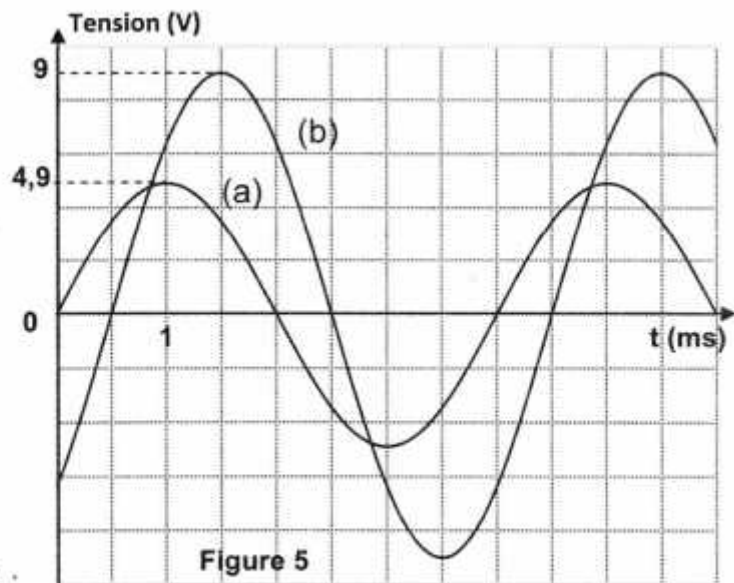
2- Sachant que toute variation de la fréquence N n'influe pas sur le signe du déphasage de $u(t)$ par rapport à $u_c(t)$.

a- Justifier que la courbe (b) correspond à $u_c(t)$.

b- A partir des oscillogrammes, déterminer :

- b₁ – la valeur de la fréquence N_1 ,
- b₂ – les valeurs des amplitudes U_m et U_{cm} (amplitude de $u_c(t)$),
- b₃ – le déphasage $\Delta\varphi = \varphi_{uc} - \varphi_u$,
où φ_{uc} représente la phase initiale de $u_c(t)$.

c- En déduire si le circuit est capacitif, inductif ou résistif.



3- Montrer que : $R + r = \frac{U_m}{U_{cm}} \cdot \frac{1}{2\pi \cdot N_1 \cdot C \cdot \sqrt{2}}$

Calculer la valeur de $(R + r)$.

4- On branche un voltmètre aux bornes de l'ensemble bobine - condensateur et on augmente la fréquence N jusqu'à la valeur $N_2 = 318 \text{ Hz}$. On constate que $u(t)$ et $u_c(t)$ deviennent en quadrature de phase et que le voltmètre indique une tension $U_1 = \frac{0,9}{\sqrt{2}} \text{ V}$.

- a- Montrer que le circuit est le siège d'une résonance d'intensité.
- b- Déterminer la valeur de L .
- c- Déterminer la valeur de r . En déduire celle de R .

Exercice n° 2:

I/- Les frottements sont supposés négligeables.

Le pendule élastique représenté par la figure -1- est constitué par :

- ⊗ Un ressort (R) à spires non jointives, d'axe horizontal, de masse négligeable et de raideur k .
- ⊗ Un solide (S), supposé ponctuel, de centre d'inertie G et de masse m .

Lorsque (S) est au repos, son centre d'inertie G occupe la position O origine d'un axe $x'Ox$ horizontal.

On écarte (S) de sa position d'équilibre O jusqu'au point d'abscisse $x_0 = -2\sqrt{2}$ cm et on lui communique une vitesse v_0 à un instant qu'on prendra comme origine des dates.

A une date t quelconque, le centre d'inertie G de (S) a une élongation x et sa vitesse instantanée est v .

1°) En utilisant la relation fondamentale de la dynamique, montrer que le solide (S) est animé d'un mouvement rectiligne sinusoïdal de période propre T_0 dont on donnera l'expression en fonction de m et k .

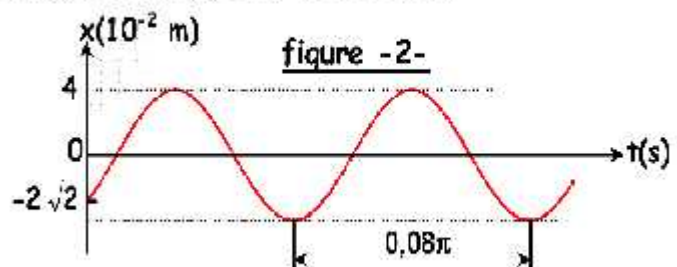
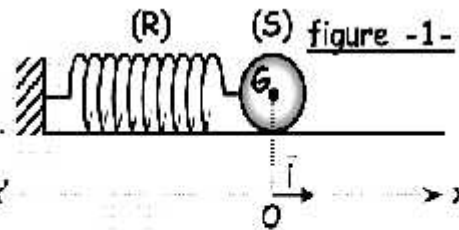
2°) a) Donner l'expression de l'énergie mécanique E du système { solide (S), ressort (R) } lorsque (S) passe par un point M quelconque d'abscisse x avec une vitesse v .

b) Dédire de 1°) que le système { solide (S), ressort (R) } est conservatif.

3°) L'enregistrement graphique de ce mouvement est représenté sur la figure -2-.

a) Déterminer à partir du graphe la figure -2- l'équation horaire du mouvement de (S).

b) Dédire la valeur de la vitesse initiale v_0 ainsi que sa valeur maximale v_m .

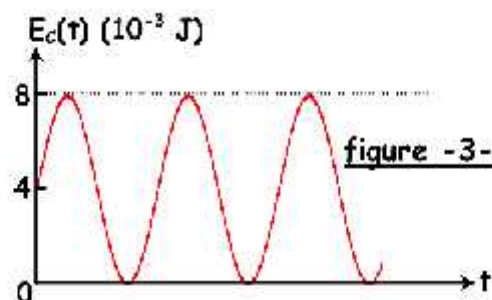


4°) La courbe de la figure -3-, représente les variations de l'énergie cinétique $E_c(t)$ du solide (S) en fonction du temps.

a) Etablir l'expression de l'énergie cinétique E_c en fonction du temps.

b) Montrer, en utilisant la courbe ci-contre, que k a pour valeur $k = 10 \text{ N.m}^{-1}$.

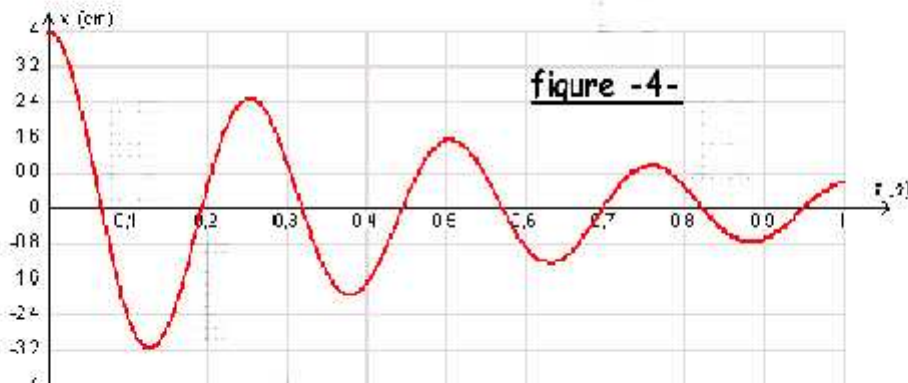
Dédire alors la valeur de m .



II/-Les frottements ne sont plus négligeables

A l'aide d'un dispositif approprié, on soumet maintenant le solide (S) à des frottements visqueux dont la résultante est $\vec{f} = -h \cdot \vec{v}$ où h est une constante positive et \vec{v} la vitesse instantanée du centre d'inertie G de (S).

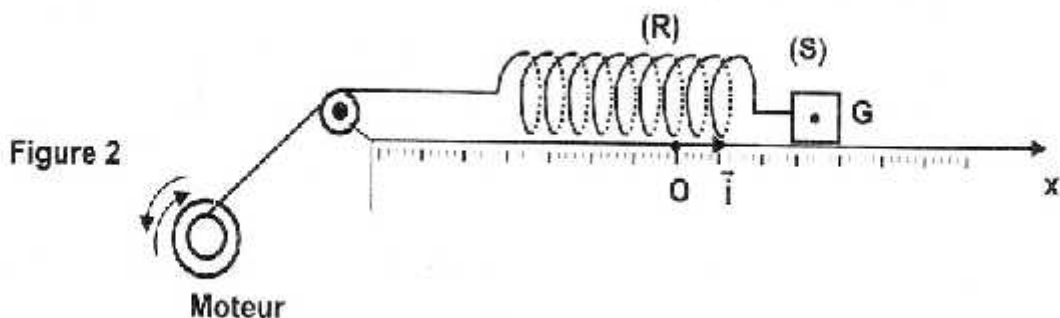
- 1° a) En utilisant la relation fondamentale de la dynamique, établir l'équation différentielle régissant le mouvement du solide (S).
 - b) Dédurre que l'énergie mécanique E du système {solide (S), ressort (R)} n'est pas conservée au cours du temps.
- 2°) L'enregistrement des différentes positions de G au cours du temps donne la courbe de la figure - 4 - .



Déterminer la perte d'énergie entre les instants $t_1 = 0s$ et $t_2 = 2T$.
(T étant la pseudopériode).

Exercice n° 3 :

Un oscillateur mécanique est constitué d'un ressort (R), à spires non jointives, de masse supposée négligeable et de raideur $k = 25 \text{ N.m}^{-1}$, lié à un solide (S) supposé ponctuel de masse m qui peut se déplacer sur un plan horizontal. A l'équilibre, le centre d'inertie G du solide coïncide avec l'origine O d'un repère (O, \vec{i}) . La position du solide à un instant t donné est repérée par son abscisse $x(t)$ dans ce repère (figure 2). Au cours de son mouvement, le solide (S) est soumis à une force de frottement visqueux $\vec{f} = -h \cdot \vec{v}$; où h est une constante positive et \vec{v} est le vecteur vitesse instantanée de G . Un dispositif approprié (moteur) permet d'exercer sur (S) une force excitatrice $\vec{F}(t) = F_m \cdot \sin(2\pi Nt) \cdot \vec{i}$, d'amplitude F_m constante et de fréquence N réglable, de façon que $x(t) = X_m \cdot \sin(2\pi Nt + \varphi_x)$; où X_m est l'amplitude et φ_x est la phase initiale de $x(t)$.



1) Une étude expérimentale a permis de tracer les courbes (a) et (b), données par la figure 3, dont l'une représente l'évolution de l'élongation $x(t)$ et l'autre celle de $F(t)$.

a- Justifier que la courbe (a) correspond à $x(t)$.

b- Déterminer les valeurs de X_m , F_m et N .

c- Déterminer le déphasage $\Delta\varphi = \varphi_F - \varphi_x$;

où φ_F est la phase initiale de $\vec{F}(t)$.

2) Etablir l'équation différentielle du mouvement du centre d'inertie G du solide (S), en fonction de x et de ses dérivés première et seconde.

3) a- Faire la construction de Fresnel associée à l'équation différentielle précédente.

b- En déduire les valeurs de la constante h et de la masse m .

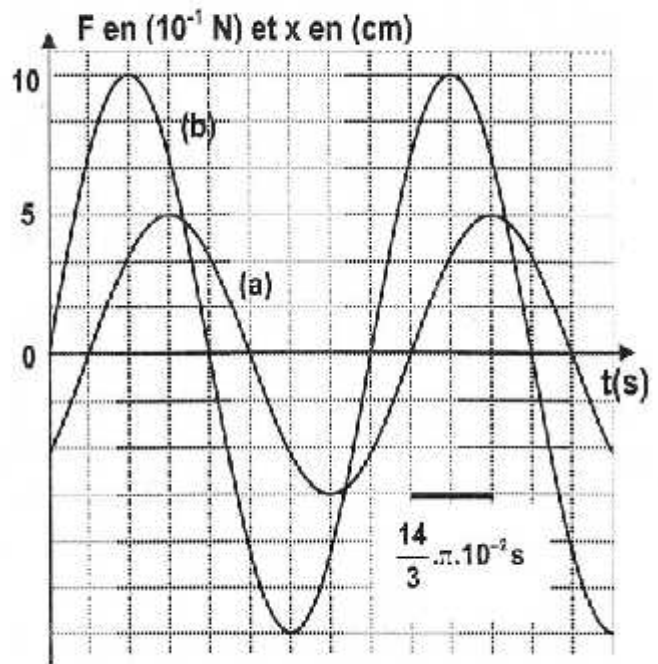


Figure 3

c- Montrer que
$$X_m = \frac{F_m}{\sqrt{(2\pi N h)^2 + (k - 4\pi^2 N^2 m)^2}}$$

4) Pour une valeur N_1 de la fréquence N , le déphasage est : $\Delta\varphi = \varphi_F - \varphi_x = \frac{\pi}{2}$ rad.

a- En se référant à une analogie formelle électrique-mécanique, montrer que l'oscillateur est en état de résonance de vitesse.

b- En déduire la valeur de N_1 .

5) La masse m ne peut rester solidaire du ressort que pour une valeur de la tension du ressort ne dépassant pas 1,5 N. On fait diminuer la valeur de h jusqu'à atteindre la valeur $h_2 = 0,8 \text{ N.m}^{-1} \cdot \text{s}$. La résonance d'élongation est obtenue pour une fréquence $N_2 = 2,35 \text{ Hz}$.

a- Déterminer la valeur de l'allongement maximal X_{2m} du ressort pour $N = N_2$.

b- Préciser, en le justifiant, si le solide reste attaché au ressort, dans ce cas.