

Recherches des primitives

A) Primitives des fonctions usuelles

La fonction f	Une primitive F de f
$f(x) = 0$	$F(x) = k$
$f(x) = a$ (a est un réel)	$F(x) = ax + k$
$f(x) = a x^n$ ($a \in \mathbb{R}$ et $n \in \mathbb{Z} \setminus \{-1\}$)	$F(x) = a \left(\frac{x^{n+1}}{n+1} \right) + k$
$f(x) = \frac{1}{x}$	$F(x) = \ln x + k$
$f(x) = \frac{1}{x^2}$	$F(x) = -\frac{1}{x} + k$
$f(x) = \sqrt{x}$	$F(x) = \frac{2}{3} x \sqrt{x} + k$
$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$	$F(x) = 2\sqrt{x} + k$
$f(x) = e^x$	$F(x) = e^x + k$
$f(x) = e^{ax}$ (a réel non nul)	$F(x) = \frac{1}{a} e^{ax} + k$
$f(x) = a^x$ ($a > 0$)	$F(x) = \frac{1}{\ln a} a^x + k$

B) Si f n'est pas une fonction usuelle , on essaye : (u étant une fonction dérivable sur un intervalle I)

f de la forme	Une primitive F de f est
---------------	------------------------------

$$f(x) = u'(x) \quad F(x) = u(x) + k$$

$$f(x) = u'(x) \cdot (u(x))^n \quad n \neq -1 \quad F(x) = \frac{(u(x))^{n+1}}{n+1} + k$$

$$f(x) = \frac{u'(x)}{u(x)} \quad (u \text{ ne s'annule pas sur } I) \quad F(x) = \ln(|u(x)|) + k$$

$$f(x) = \frac{u'(x)}{(u(x))^2} \quad (u \text{ ne s'annule pas sur } I) \quad F(x) = \frac{-1}{u(x)} + k$$

$$f(x) = \frac{u'(x)}{\sqrt{u(x)}} \quad (u(x) > 0) \quad F(x) = 2\sqrt{u(x)} + k$$

$$f(x) = u'(x) \cdot e^{u(x)} \quad F(x) = e^{u(x)} + k$$