

**Chimie (5points):**

On donne :  $M_H = 1 \text{ g.mol}^{-1}$  ;  $M_O = 16 \text{ g.mol}^{-1}$  ;  $M_K = 39 \text{ g.mol}^{-1}$  et  $K_e = 10^{-14}$  à  $25^\circ\text{C}$

Les parties A et B sont indépendantes

**A-** On prépare une solution aqueuse de potasse **KOH** en dissolvant **0,14 g** de potasse dans un volume  **$V=250 \text{ cm}^3$**  d'eau distillée.

- 1) Calculer la concentration molaire de la solution obtenue.
- 2) On mesure le pH de la solution, on trouve **pH = 12**.
- a) Calculer la concentration molaire des ions  **$\text{OH}^-$**  dans la solution.
- b) La potasse est-elle une base forte ou faible? Justifier la réponse.
- c) Ecrire l'équation de la dissociation de la potasse.

**B-** Le pH d'une solution aqueuse d'acide méthanoïque **HCOOH** de concentration molaire  **$C_2 = 0,04 \text{ mol.L}^{-1}$**  est égal à **2,6**.

- 1) Calculer la concentration des ions  **$\text{H}_3\text{O}^+$**  dans la solution.
- 2) L'acide méthanoïque est-il fort ou faible? Justifier la réponse.
- 3) Ecrire l'équation de la dissociation ionique de l'acide méthanoïque en solution aqueuse.

**Physique (15points):**

On donne  $g = 10 \text{ ms}^{-2}$

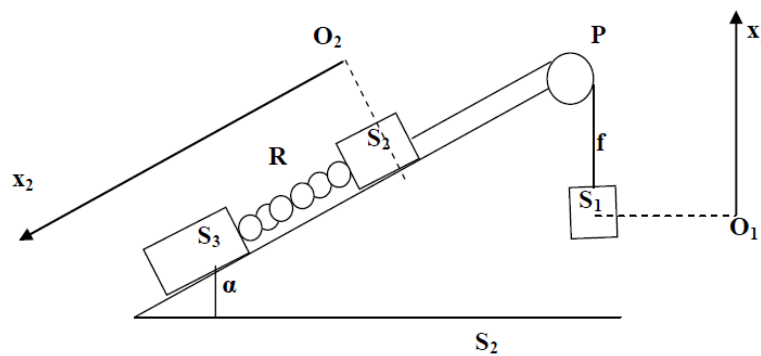
**Exercice N°1: (09 points)**

Figure -1-

Trois solides  **$S_1$ ,  $S_2$  et  $S_3$**  de masses respectives  **$m_1=200\text{g}$ ,  $m_2=400\text{g}$  et  $m_3=600\text{g}$** .

**$S_1$  et  $S_2$**  sont reliés par l'intermédiaire d'un fil (**f**) **inextensible** qui passe sur la gorge d'une poulie (**P**) de masse négligeable.

Les deux solides  **$S_3$  et  $S_2$**  par un ressort (**R**) de masse négligeable et de raideur  **$k=50\text{N.m}^{-1}$**  et on met l'ensemble sur un plan incliné d'un angle  **$\alpha = 30^\circ$**  par rapport à l'horizontale (**voir figure-1- de la page -3- à rendre**).

A l'instant  **$t=0$** , on libère le système à lui-même **sans vitesse initiale**. Les frottements sont négligeables et durant le mouvement le ressort garde une longueur constante.

- 1) Sur le schéma de la **figure -1- page -3-**, représenter les forces appliquées sur le système (**S**) = ( **$S_1$ ,  $S_2$ ,  $S_3$  et R,**) en mouvement.
- 2) a- Par application de **R.F.D** au solide  **$S_1$**  exprimer la valeur de la tension  **$T_1$**  du brin vertical du fil en fonction de  **$m_1$ ,  $g$**  et l'accélération  **$a_1$**  de  **$S_1$** .

**b-** Par application de **R.F.D** au système (**S'**)= (**S<sub>2</sub>, S<sub>3</sub> et R**), exprimer la valeur de la tension **T<sub>2</sub>** de l'autre brin du fil en fonction **m<sub>2</sub>, m<sub>3</sub>, g, α** et l'accélération **a<sub>2</sub>** de **S'**.

**c-** Comparer, en le justifiant, **T<sub>1</sub> et T<sub>2</sub>** ainsi que **a<sub>1</sub> et a<sub>2</sub>**.

**d-** Déduire la relation  $a_1 = \frac{g [(m_2 + m_3) \cdot \sin \alpha - m_1]}{(m_1 + m_2 + m_3)}$  puis la calculer. Préciser alors le sens du

mouvement du solide **S<sub>1</sub>**.

**3) a-** Par application de **R.F.D** au solide **S<sub>3</sub>**, exprimer la valeur de la tension **T<sub>3</sub>** du ressort en fonction de **m<sub>3</sub>, g, α** et l'accélération **a<sub>1</sub>** et la calculer.

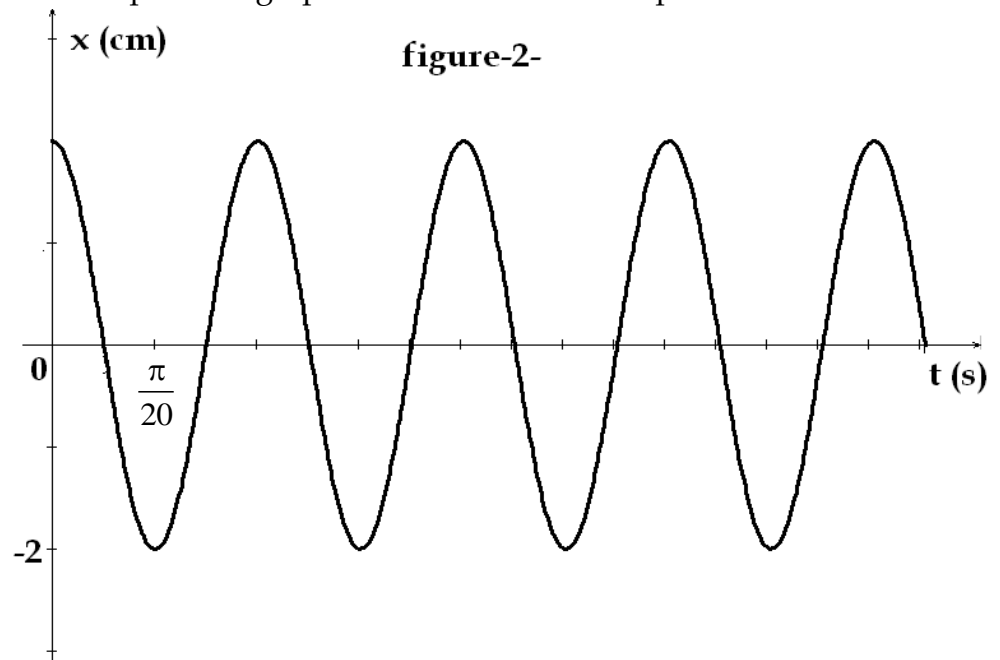
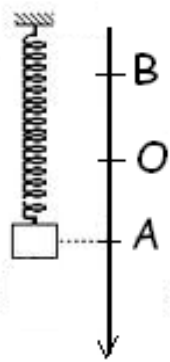
**b-** Déduire l'allongement du ressort durant le mouvement (on rappelle que **T=k. ΔL**).

**4)** À l'instant **t<sub>1</sub>** du mouvement **S<sub>1</sub>** a parcouru la hauteur **h=2m**.

Calculer la valeur de la vitesse de **S<sub>1</sub>** à cet instant.

### Exercice N°2:(06 points)

Un mobile M décrit un segment de droite AB d'un mouvement sinusoïdal l'instant de date t=0, le mobile part de A sans vitesse initiale, l'équation horaire de son mouvement est  $x(t)=X_{\max} \sin (\omega t + \varphi_x)$ . La **figure-2-** correspond au graphe x en fonction du temps.



**1)** Déterminer à partir du graphe de la figure-2-:

**a-** L'amplitude  $X_{\max}$ .

**b-** La période T du mouvement .En déduire la fréquence N et la pulsation  $\omega$ .

**c-** La phase initiale  $\varphi_x$  du mouvement.

**d-** Ecrire l'équation horaire de mouvement.

**e-** Quelle est la longueur de segment [AB].

**2) a-**Déterminer l'expression de la vitesse instantanée v(t) du mobile.

**b-** Quel est le déphasage entre la vitesse v et l'élongation x.

**c-** Sur le graphe **page -3-**représenter la courbe  $v=f(t)$  sans préciser l'échelle pour la vitesse.

**3) a-** Montrer que l'accélération a(t) et l'élongation x(t) sont liées par la relation :  $a(t) + \omega^2 x(t)=0$ .

**b-**Donner l'expression de l'accélération a(t).

Prénom : ..... Nom ..... N° .....

Exercice N°1:

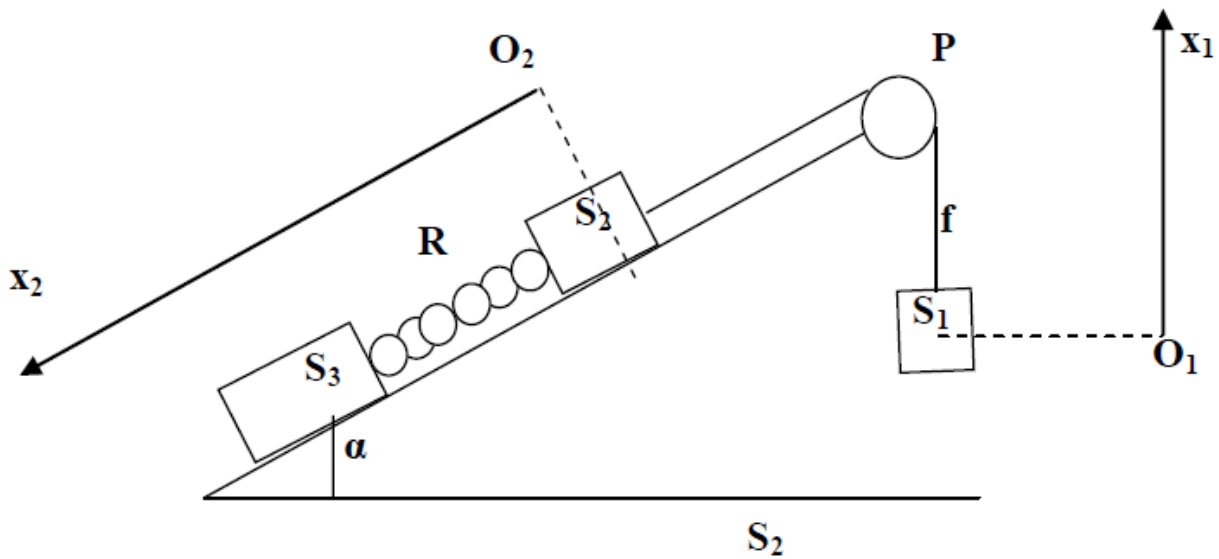
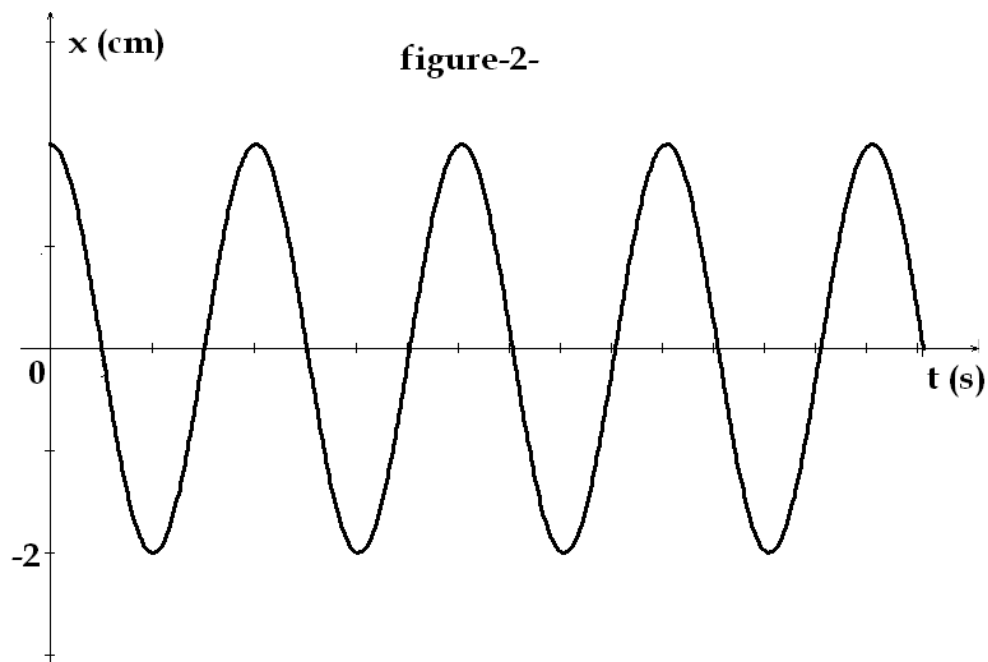


Figure -1-

Exercice N°2:





2°/a)

D'après la relation fondamentale de la dynamique appliquée au solide  $S_1$  dans le repère  $(O_1, x_1)$  supposée Galiléen :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m_1 \vec{a}_1 \Rightarrow \vec{P}_1 + \vec{T}_1 = m_1 \vec{a}_1$$

projection suivant l'axe  $(O_1, x_1)$  :  $-P_1 + T_1 = m_1 a_1 \Rightarrow T_1 = m_1 a_1 + P_1 = m_1 a_1 + m_1 g = m_1 (a_1 + g)$

$$\text{Relation (1): } T_1 = m_1 (a_1 + g)$$

b)

D'après la relation fondamentale de la dynamique appliquée au solide  $S_2$  dans le repère  $(O_2, x_2)$  supposée Galiléen :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m_2 \vec{a}_2 \Rightarrow \vec{P}_2 + \vec{T}_2 + \vec{R}_2 + \vec{T}_r = m_2 \vec{a}_2$$

projection suivant l'axe  $(O_2, x_2)$  :  $+P_2 \sin \alpha - T_2 + T_r = m_2 a_2 \Rightarrow m_2 g \sin \alpha - m_2 a_2 + T_r = T_2$

$$\text{Relation (2): } T_2 = m_2 g \sin \alpha - m_2 a_2 + T_r$$

D'après la relation fondamentale de la dynamique appliquée au solide  $S_3$  dans le repère  $(O_2, x_2)$  supposée Galiléen :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m_3 \vec{a}_3 \Rightarrow \vec{P}_3 + \vec{T}_3 + \vec{R}_3 = m_3 \vec{a}_2$$

projection suivant l'axe  $(O_2, x_2)$  :  $+P_3 \sin \alpha - T_3 = m_3 a_2 \Rightarrow m_3 g \sin \alpha - m_3 a_2 = T_3$

$$\text{Relation (3): } T_3 = m_3 g \sin \alpha - m_3 a_2$$

Comme  $T_3 = T_r$  (durant le mouvement le ressort garde une longueur constante), on injecte la relation (3) dans la relation (2) :

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Relation (2): } T_2 = m_2 g \sin \alpha - m_2 a_2 + T_r \\ \text{Relation (3): } T_3 = m_3 g \sin \alpha - m_3 a_2 \end{array} \right. \Rightarrow T_2 = m_2 g \sin \alpha - m_2 a_2 + m_3 g \sin \alpha - m_3 a_2$$

$$\Rightarrow \text{Relation (4): } T_2 = (m_2 + m_3) g \sin \alpha - (m_2 + m_3) a_2$$

c) Comme le système S est en mouvement de translation donc  $a_1 = a_2$  et en outre le fil est inextensible et la poulie conserve la valeur des tensions donc  $T_1 = T_2$

d) D'après **les relations (1) et (4)**, on a :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Relation (1): } T_1 = m_1 (a_1 + g) \\ \text{Relation (4): } T_2 = (m_2 + m_3) g \sin \alpha - (m_2 + m_3) a_1 \end{array} \right\} m_1 (a_1 + g) = (m_2 + m_3) g \sin \alpha - (m_2 + m_3) a_1$$

$$m_1 a_1 + m_1 g = (m_2 + m_3) g \sin \alpha - (m_2 + m_3) a_1 \Rightarrow m_1 a_1 + (m_2 + m_3) a_1 = (m_2 + m_3) g \sin \alpha - m_1 g$$

$$\Rightarrow (m_1 + m_2 + m_3) a_1 = g [(m_2 + m_3) \sin \alpha - m_1]$$

$$\Rightarrow a_1 = \frac{g [(m_2 + m_3) \sin \alpha - m_1]}{(m_1 + m_2 + m_3)} \quad \text{c.q.f.d}$$

$$\text{A.N: } a_1 = \frac{10 \times [1 \times 0,5 - 0,2]}{1,2} = +2,5 \text{ m.s}^{-2}$$

Comme  $a_1 > 0$  et constant donc le mouvement de  $S_1$  est **rectiligne uniformément accélérée** suivant l'axe  $(O_1, x_1)$ .

3°/a) D'après la relation (3) :

$$T_3 = m_3 g \sin \alpha - m_3 a_1$$

$$\text{A.N: } T_3 = 0,6 \times 10 \times 0,5 - 0,6 \times 2,5 = 1,5 \text{ N} \Rightarrow \|\vec{T}_3\| = 1,5 \text{ N}$$

$$\text{b) } \|\vec{T}_3\| = K \Delta L \Rightarrow \Delta L = \frac{\|\vec{T}_3\|}{K} \quad \text{A.N } \Delta L = \frac{1,5}{50} = 3 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 3 \text{ cm}$$

4°/ Le mouvement de  $S_1$  à l'instant  $t_1$  est **rectiligne uniformément accélérée** :

$$V_f^2 - V_i^2 = 2 a_1 (x_f - x_i) = 2 a_1 h \Rightarrow V_i = 0 \text{ m.s}^{-1} \text{ donc } V_f^2 = 2 a_1 h$$

$$\Rightarrow V_f = \sqrt{2 a_1 h} \quad \text{A.N } V_f = \sqrt{10} = 3,162 \text{ m.s}^{-1}$$

### Exercice N°2:

1°/ D'après le graphique  $x = f(t)$

$$\text{a) } X_{\max} = 2 \text{ cm} = 2 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$\text{b) } T = 2 \times \frac{\pi}{20} = \frac{\pi}{10} \text{ s} = 0,314 \text{ s} ; \quad N = f = \frac{1}{T} = \frac{10}{\pi} \text{ Hz} = 3,183 \text{ Hz}; \quad \omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi N = 20 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\text{c) } \text{A } t = 0 \text{ s} , \quad x(0) = X_{\max} \sin \varphi_x = X_{\max} \Rightarrow \sin \varphi_x = +1 \Rightarrow \varphi_x = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$\text{d) } x(t) = 2 \cdot 10^{-2} \sin \left( 20 t + \frac{\pi}{2} \right) \quad (\text{x en m et t en s})$$

$$\text{e) } [AB] = 2 X_{\max} = 4 \text{ cm}$$

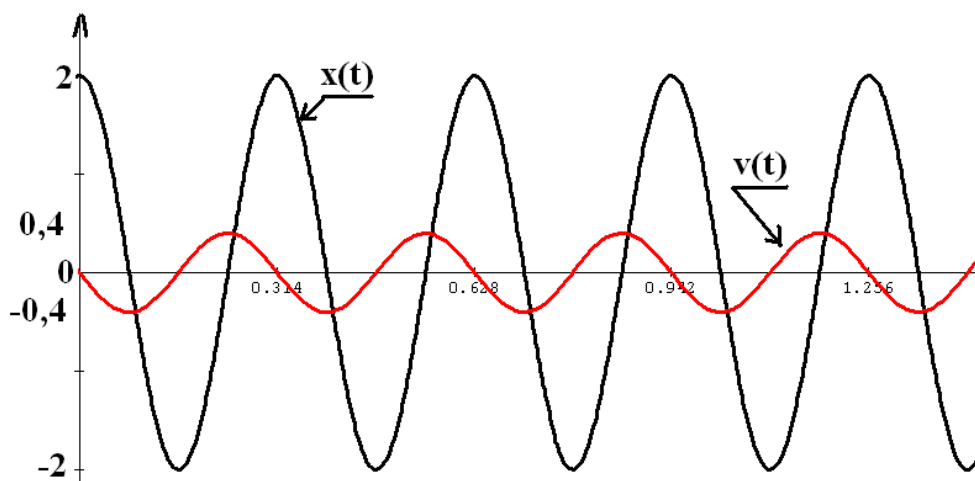
2°/a)

$$v(t) = \frac{dx}{dt} = X_{\max} \omega \cos \left( \omega t + \frac{\pi}{2} \right) = V_{\max} \sin (\omega t + \pi)$$

$$v(t) = 0,4 \sin(20t + \pi)$$

$$\text{b) } \Delta\varphi = \varphi_v - \varphi_x = \pi - \frac{\pi}{2} = +\frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

c)



3°/a)

$$a(t) = \frac{dv}{dt} = -\omega V_{\max} \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) = -\omega^2 X_{\max} \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$\text{Or } x(t) = X_{\max} \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) \text{ donc } a(t) = -\omega^2 x(t) \Rightarrow a(t) + \omega^2 x(t) = 0$$

b)

$$a(t) = -\omega^2 x(t) \Rightarrow a(t) = -\omega^2 X_{\max} \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) = \omega^2 X_{\max} \sin\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$\Rightarrow a(t) = 400 \times 0,02 \sin\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right) = 8 \sin\left(20t - \frac{\pi}{2}\right)$$

