

**EXERCICE N1 :**

Dans le graphique ci-contre on donne la courbe représentative d'une fonction  $f$  dérivable sur  $\mathbb{R}$ .

- $A(0, 2)$  ;  $B(-2, 0)$  et  $C(-1, e)$  sont trois points de  $(C)$ .
- $(T) : y = -x + 2$  est la tangente à  $(C)$  au point  $A$ .

**Par lecture graphique :**

1) Donner :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  et  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$

2) Donner :  $f(0)$  ;  $f(-1)$  ;  $f'(0)$  et  $f'(-1)$

le signe de  $f(x)$  suivant les valeurs de  $x$ .

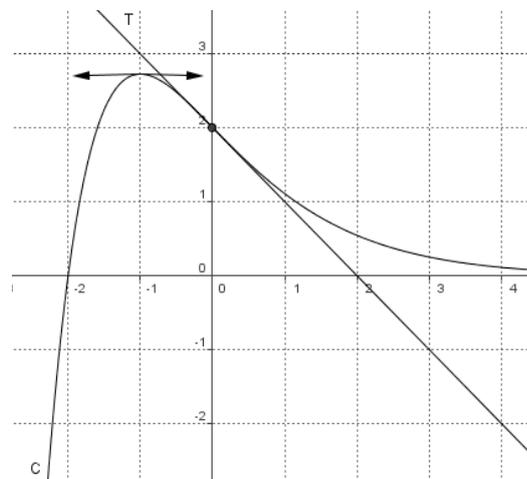
le signe de la fonction  $h : x \mapsto f(x) + x - 2$

5) a) Montrer que la fonction  $f$  admet une primitive  $F$  sur  $\mathbb{R}$ .

b) Déterminer  $F'(-2)$  ;  $F'(0)$  et  $F''(-1)$ .

c) Donner les variations de  $F$  sur  $\mathbb{R}$ .

d) Montrer que la courbe  $(\Gamma)$  de la fonction  $F$  admet un point d'inflexion  $K$  dont on précisera ses coordonnées.



**EXERCICE N2 :**

Déterminer une primitive de la fonction  $f$  sur  $I$ , dans chacun des cas suivants :

- |  |  |
|--|--|
| 0) $f : x \mapsto 3x^5 + x^2 - x + 1$ ; $I = \mathbb{R}$                     | 1) $f : x \mapsto \frac{1}{\sqrt{4-2x}}$ ; $I = ]-\infty, 2[$                |
| 2) $f : x \mapsto x(1 + x^2)^5$ ; $I = \mathbb{R}$                           | 3) $f : x \mapsto \frac{2x-3}{\sqrt{-x^2+3x-2}}$ ; $I = ]1, 2[$              |
| 4) $f : x \mapsto \sin x \cdot (\cos x)^3$ ; $I = \mathbb{R}$                | 5) $f : x \mapsto \frac{x^2}{(1+x^3)^4}$ ; $I = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ |
| 6) $f : x \mapsto (x-1)\sqrt{x-1}$ ; $I = ]1, +\infty[$                      | 7) $f : x \mapsto \frac{x+1}{\sqrt{x-1}}$ ; $I = ]1, +\infty[$               |
| e) $f : x \mapsto \frac{x}{x^2+1}$ ; $F(\sqrt{e-1}) = 0$ et $I = \mathbb{R}$ |  |

$x \mapsto x^n$ ; $n \in \mathbb{N}^*$	$x \mapsto \frac{x^{n+1}}{n+1} + c$
$U' \cdot U^n$ ; $n \in \mathbb{N}^*$	$\frac{U^{n+1}}{n+1} + c$
$\frac{U'}{U^2}$	$\frac{-1}{U} + c$
$\frac{U'}{U^n}$ ; $n \in \mathbb{N}^*$	$\frac{-1}{(n-1)U^{n-1}} + c$
$\frac{U'}{\sqrt{U}}$	$2\sqrt{U} + c$
$u' \cdot \sqrt{u}$	$\frac{2}{3}u \cdot \sqrt{u}$
$\frac{U'}{U}$	$\text{Ln}( U ) + c$

### EXERCICE N3 :

Soit les fonctions  $f$  et  $g$  définies respectivement sur  $]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$  par :

$$f(x) = (x+1) \cdot \tan x \quad \text{et} \quad g(x) = (x+1) \tan^2(x) + \tan x.$$

1) Justifier l'existence des primitives de la fonction  $g$  sur  $]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$ .

2) a) Calculer  $f'(x)$  pour tout  $x \in ]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$ .

b) En déduire la primitive  $G$  de la fonction  $g$  sur  $]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$  qui prend la valeur  $y_0 = (-1)$  en  $x_0 = \frac{\pi}{4}$ .

### EXERCICE N4 :

Soit la fonction  $f$  définie sur  $]0, +\infty[$  par :  $f(x) = x - x^2 \cdot \ln x + 1$

1) Justifier l'existence des primitives de la fonction  $f$  sur  $]0, +\infty[$ .

2) Soit la fonction  $g : x \mapsto x^3 \ln x$

a) Calculer  $g'(x)$  pour tout  $x > 0$

b) En déduire la primitive  $F$  de  $f$  sur  $]0, +\infty[$  qui s'annule en 1.