L-S: Matmata N<sup>VLLE</sup>

A-S: 2019 / 2020

Duree: 2h

Devoir de synthèse N°2

\*\*\*Mathematiaues \*\*\*

Coef : 2.5

Prof : D – Ali

Niveau : 3 éco

## Exercice N°1: 07 pts

1°) a- Résoudre dans 
$$IR^2$$
 le système suivante : (S)  $\begin{cases} 3x - 2y = -2 \\ 4x + 3y = 20 \end{cases}$ 

b- Déduire la solution du système (S') 
$$\begin{cases} \frac{6}{x} - \frac{6}{y} = -2\\ \frac{8}{x} + \frac{9}{y} = 20 \end{cases}$$

2°) résoudre à l'aide de méthode de pivot de Gauss le système : 
$$\begin{cases} x+y+z=89\\ 2x+y+3z=170\\ 3x+4y+5z=341 \end{cases}$$

3°) une entreprise fabrique des jouets en bois qui nécessitent pour

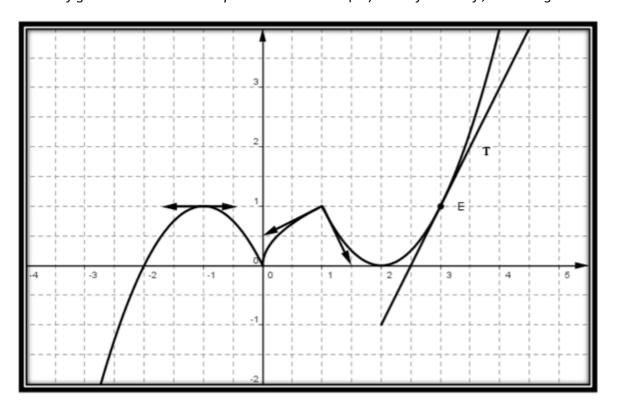
- Un camion : 2 kg de bois et 3 heures de travail
- Un pantin: 1 kg de bois et 4 heures de travail
- Un rebot : 3 kg de bois et 5 heures de travail

Pour fabriques 89 objets on utilise exactement 170 kg de bois et 341 heures de travail.

- a) Ecrire le problème sous forme d'un système d'équations linéaire de premier degré à trois inconnus
- b) Déterminer le nombre de camions, de pantins et de rebots fabriques.

## Exercice N°2: 06 pts

Dans la figure ci-dessous on a représente la courbe (C) d'une fonction f, et la tangente T à C au point E(3;1)



1°) par une lecture graphique rependre aux questions suivante et justifier votre repense pour tout l'exercice

a) Déterminer le domaine de définition de f

b) Determiner 
$$\lim_{x\to -\infty} f(x)$$
 ;  $\lim_{x\to +\infty} \frac{f(x)}{x}$ 

- c) Résoudre dans IR : L'équation f(x) = 0 , l'inéquation f(x) < 0
- 2°) a) Déterminer f'(-1)
  - b) Déterminer le tableau de variation de f
- 3°) a) Déterminer le coefficient de la droite T

b) Déduire la valeur de 
$$\lim_{x\to 3} \frac{f(x)-1}{x-3}$$

4°) f est – elle dérivable en 1 .

## Exercice N°3: 07 pts

Soit f la fonction définie sur IR par : 
$$\begin{cases} f(x) = 2 x^2 - 1 & \text{si } x \leq 1 \\ f(x) = \frac{3x - 1}{x + 1} & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

- 1°) a) Déterminer  $D_f$  domaine de définition de f.
  - b) Etudier la continuité de f en 1.
- 2°) a) Déterminer f'(-1)
  - b) Montrer que  $f'(2) = \frac{4}{9}$
  - c) Déduire l'équation de la tangente à la courbe de f au point d'abscisse 2.
- 3°) a) Déterminer  $f_{d}(1)$  et  $f_{g}(1)$ 
  - b) Interpréter graphiquement les résultats trouver.

