

DEVOIR DE CONTROLE N1

Lycée Thelepte
Novembre 2011
Durée : 2heures

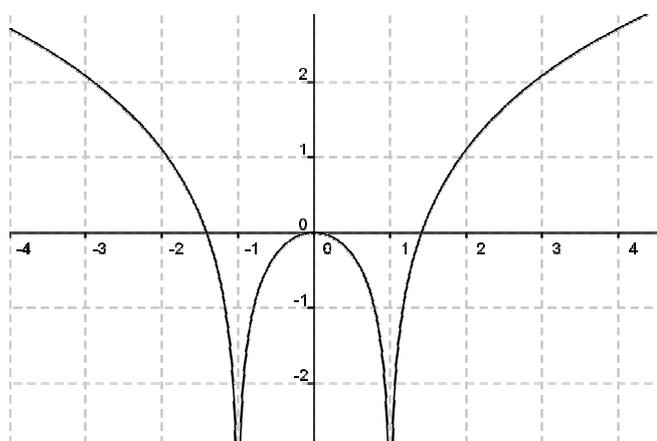
Niveau : 4^{ème} Sciences experimentales
Epreuve : Mathématiques
Prof : Mhamdi Abderrazek

Exercice n°1 : (4points)

Répondre par vrai ou faux :

- 1) Toute suite bornée est convergente
- 2) La suite (U) définie sur \mathbb{N} par : $u_n = \frac{\sqrt{n^2+2n+3}}{n}$ est convergente
- 3) La suite (V) définie sur \mathbb{N} par : $v_n = \frac{(-1)^n}{n+1}$ converge vers 0
- 4) Si les suites (u_{2n}) et (u_{2n+1}) sont convergentes alors la suite (u_n) est convergente

Exercice n°2 : (5points)



La courbe ci-dessus représente une fonction f dérivable sur son ensemble de définition D_f dont les droites d'équations : $x = -1$ et $x = 1$ sont deux asymptotes.

Par une lecture graphique :

- 1) Déterminer D_f
- 2) Déterminer les limites de f aux bornes de D_f
- 3) Déterminer $f(0)$ et $f'(0)$
- 4) Dresser le tableau de variation de f sur D_f

Exercice n°3 :(5 points)

Soit la fonction g définie sur \mathbb{R} par $g(x)=2x-1-\sin(x)$

1)a) Montrer que $2x-2 \leq g(x) \leq 2x \forall x \in \mathbb{R}$

b) En déduire les limites de g en $-\infty$ et en $+\infty$

c) Dresser le tableau de variation de g

2)a) Montrer que l'équation $g(x)=0$ admet dans \mathbb{R} une unique solution α

b) Vérifier que $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$

c) Déterminer le signe de $g(x)$

Exercice n°4 :(6 points)

1) Résoudre dans \mathbb{C} l'équation : $z^2-2z+2=0$

2) Le plan complexe étant rapportée a un repère orthonormé $(o ; \vec{u} ; \vec{v})$

On considère les points A et B d'affixes respectifs $z_A=1+i$ et $z_B=1-i$

a) Placer les points A et B

b) Déterminer la nature exacte du triangle OAB

c) Donner les formes exponentielles de z_A et de z_B

d) Donner l'écriture cartésienne de $(z_A)^{4000}$

3) a) Résoudre dans \mathbb{C} l'équation : $z^2-2z+1-e^{2i\theta} = 0$ ($\theta \in]0; \pi[$)

b) On considère les points M et N d'affixes respectifs $z_M=1+e^{i\theta}$ et $z_N=1-e^{i\theta}$

i) Montrer que le triangle OMN est rectangle ($\forall \theta \in]0; \pi[$)

ii) Pour quelle valeur de θ le triangle OMN est isocèle

c) Déterminer l'ensemble des points M lorsque θ varie dans $]0; \pi[$

BON TRAVAIL